

## I. IDENTIFIKAČNÍ ÚDAJE

|                             |                                       |
|-----------------------------|---------------------------------------|
| Název práce:                | Metody sít v moderní teorii prvočísel |
| Jméno autora:               | Michal Gabriel                        |
| Typ práce:                  | diplomová                             |
| Fakulta/ústav:              | Fakulta elektrotechnická (FEL)        |
| Katedra/ústav:              | katedra počítačů                      |
| Vedoucí práce:              | Martin Klazar                         |
| Pracoviště vedoucího práce: | MFF UK, katedra aplikované matematiky |

## II. HODNOCENÍ JEDNOTLIVÝCH KRITÉRIÍ

|  |                   |
|--|-------------------|
| Zadání   | mimořádně náročné |
| <i>Hodnocení náročnosti zadání závěrečné práce.</i>                            |                   |
| Článek, který měl diplomant přehledově zpracovat, je technicky značně náročný. |                   |

|  |         |
|--|---------|
| Splnění zadání   | splněno |
| <i>Posuďte, zda předložená závěrečná práce splňuje zadání. V komentáři případně uveďte body zadání, které nebyly zcela splněny, nebo zda je práce oproti zadání rozšířena. Nebylo-li zadání zcela splněno, pokuste se posoudit závažnost, dopady a případně i příčiny jednotlivých nedostatků.</i> |         |
| Diplomant zadání téměř splnil, vzhledem k náročnosti přehledové části se sice nedostal k vlastním výsledkům, ale to lze v tomto případě prominout.   |         |

|   |            |
|---|------------|
| Zvolený postup řešení   | vynikající |
| <i>Posuďte, zda student zvolil správný postup nebo metody řešení.</i> |            |
| Viz následující komentář.   |            |

|   |             |
|---|-------------|
| Odborná úroveň  | A - výborně |
| <i>Posuďte úroveň odbornosti závěrečné práce, využití znalostí získaných studiem a z odborné literatury, využití podkladů a dat získaných z praxe.</i>  |             |
| <p>Práce pana M. Gabriela je v českém jazyce a poskytuje přehled stěžejního článku Jamese Maynarda Small gaps between primes, Annals of Mathematics 181 (2015), 383-413. J. Maynard v něm dokazuje, že existuje nekonečně mnoho dvojic prvočísel <math>p &lt; q</math>, pro něž <math>q - p &lt; 601</math>. Podstatně tím vylepšil odhad <math>q - p &lt; 7 \cdot 10^7</math> z průlomového článku Y. Zhang, Bounded gaps between primes, Annals of Mathematics 179 (2014), 1121-1174. Maynardův důkaz je navíc podstatným zjednodušením. Hlavní příspěvek práce pana Gabriela spočívá v podrobném zdůvodnění a vysvětlení jednotlivých kroků Maynardova důkazu, který sice výrazně zjednodušuje důkaz Zhangův (30 versus 53 stran), ale stále se jedná o ne zrovna krátkou a technicky dosti náročnou argumentaci. Ta je navíc v Maynardově článku vedena, jak je na této úrovni pochopitelně zvykem, hutným a úsporným způsobem.</p> <p>Do problematiky nezasvěcený čtenář pak může (a bude) mít obtíže porozumět jednotlivým krokům důkazu a výklad pana Gabriela mu často může být a bude nápomocný. Další příspěvek této diplomové práce je vypracovaný úvod do problematiky sít a takzvané metody GPY (Goldston-Pintz-Yıldirim), která je základem pro Maynardův (a Zhangův) průlom ve známém problému prvočíselných dvojčat, který předkládá domněnku, že dokonce existuje nekonečně mnoho dvojic prvočísel <math>p &lt; q</math>, pro něž <math>q - p = 2</math>. Práce má tři kapitoly. První z nich, Úvod, zavádí a vysvětluje tyto pojmy z teorie čísel a algebry: (zcela) multiplikační funkce, symetrické polynomy, kvadratické formy, Eratosthenovo síto, Legendreovo síto, Selbergovo síto, výsledky o distribuci prvočísel (popř. v aritmetické posloupnosti) a metoda GPY. Druhá kapitola vysvětluje Maynardův článek. Poslední Závěr obsahuje pár závěrečných poznámek, mimo jiné zmiňuje současné nejlepší známé zesílení Maynardovy meze na <math>q - p &lt; 247</math>, dosažené v projektu Polymath8b.</p> <p>Nyní k nedostatkům práce pana Gabriela. Obsahuje některé jazykové nepřesnosti, např. překlepy "Zavedmě" (str. 6, ř. -7),</p> |             |

``iverze" (str. 10, ř. -3), ``vztažené?k" (str. 12, ř. 7) a podobně. Na některých místech chybí diakritika, např. ``Dukaz" na str. 21 a 22, ``maji" (str. 64, ř. 5) a jinde. K věcným nedostatkům lze přiřadit tvrzení, že "První použitelnou aproximací byl vztah  $\pi(x) \sim x/\log x$ " (kap. 1.7, str. 11). Nelze s ním úplně souhlasit, protože opomíjí o padesát let starší Čebyševovu aproximaci  $\pi(x) = \Theta(x/\log x)$ , která se v jednoduchých odhadech často používá. V ``References" (což by měla spíše být ``Literatura") je Maynardův článek citován neúplně a s chybným rokem a i další reference nejsou přesné. Přes tyto spíše formální nedostatky navrhuji níže uvedené hodnocení práce.

**Formální a jazyková úroveň, rozsah práce**

B - velmi dobře

Posudte správnost používání formálních zápisů obsažených v práci. Posudte typografickou a jazykovou stránku.

Viz předchozí komentář.

**Výběr zdrojů, korektnost citací**

B - velmi dobře

Vyjádřete se k aktivitě studenta při získávání a využívání studijních materiálů k řešení závěrečné práce. Charakterizujte výběr pramenů. Posudte, zda student využil všechny relevantní zdroje. Ověřte, zda jsou všechny převzaté prvky řádně odlišeny od vlastních výsledků a úvah, zda nedošlo k porušení citační etiky a zda jsou bibliografické citace úplné a v souladu s citačními zvyklostmi a normami.

Viz komentář výše.

**Další komentáře a hodnocení**

Vyjádřete se k úrovni dosažených hlavních výsledků závěrečné práce, např. k úrovni teoretických výsledků, nebo k úrovni a funkčnosti technického nebo programového vytvořeného řešení, publikačním výstupům, experimentální zručnosti apod.

Jak již uvedeno výše, práce je užitečným komentovaným rozepsáním Maynardova článku.

**III. CELKOVÉ HODNOCENÍ, OTÁZKY K OBHAJOBĚ, NÁVRH KLASIFIKACE**

Shrňte aspekty závěrečné práce, které nejvíce ovlivnily Vaše celkové hodnocení. Uvedte případné otázky, které by měl student zodpovědět při obhajobě závěrečné práce před komisí.

Předloženou závěrečnou práci hodnotím klasifikačním stupněm **A - výborně.**

Datum: 11.06.20

Podpis: