#### Diplomová práce



České vysoké učení technické v Praze



Fakulta elektrotechnická Katedra elektrických pohonů a trakce

# Model řízeného spínaného reluktančního motoru

Jakub Kučera

Vedoucí: Ing. Ondřej Lipčák, Ph.D. Obor: Elektrické pohony Studijní program: Elektrotechnika, energetika a management Květen 2023





#### I. OSOBNÍ A STUDIJNÍ ÚDAJE

Příjmení:	Kučera	Jméno: <b>Jakub</b>	Osobní číslo: 483620
Fakulta/ústav:	Fakulta elektrotechnická		
Zadávající katec	lra/ústav: Katedra elektrický	rch pohonů a trakce	
Studijní program	: Elektrotechnika, energetika	a a management	
Specializace:	Elektrické pohony		
			/

#### II. ÚDAJE K DIPLOMOVÉ PRÁCI

vazev diplomove prace:			
Model řízeného spínaného reluk	tančního motoru	I	
lázev diplomové práce anglicky:			
Controlled Switched Reluctance	Motor Model		
okyny pro vypracování:			
<ol> <li>Uveďte klasifikaci, princip činnosti a</li> <li>Proveďte rešerši možných řídicích s</li> <li>Implementujte v prostředí MATLAB/s</li> <li>Do modelu doplňte vámi vybranou ř</li> <li>Na vámi vybraných průbězích demonszhodnocení vybrané řídicí strategie.</li> </ol>	používané matema trategií SRM včetně Simulink model SRI dicí strategii SRM. strujte funkčnost sim	itické modely spínan ě používaných napáj M. Popište provedené i iulačního modelu a ro	ého reluktančního motoru (SRM). ecích měničů. mplementační kroky. vvněž proveďte kvalitativní, příp. kvantitativn
Seznam doporučené literatury:			
[1] BILGIN, Berker; JIANG, James Weis 1. vyd. Milton: Taylor & Francis Group, [2] ARAÚJO, Rui Esteves; CAMACHO IntechOpen, 2020. ISBN 978-1-78984-	heng; EMADI, Ali. S 2018. ISBN 978020 , José Roberto. Mo 455-9.	witched Reluctance N 03729991. delling and Control c	Motor Drives: Fundamentals to Applications of Switched Reluctance Machines. Rijeka:
méno a pracoviště vedoucí(ho) dip	lomové práce:		
Ing. Ondřej Lipčák, Ph.D. kate	dra elektrických	pohonů a trakce	FEL
méno a pracoviště druhé(ho) vedo	ucí(ho) nebo kon:	zultanta(ky) diplom	nové práce:
Datum zadání diplomové práce: 0 Platnost zadání diplomové práce:	8.02.2023 22.09.2024	Termín odevzdá	ání diplomové práce: 26.05.2023

Diplomant bere na vědomí, že je povinen vypracovat diplomovou práci samostatně, bez cizí pomoci, s výjimkou poskytnutých konzultací. Seznam použité literatury, jiných pramenů a jmen konzultantů je třeba uvést v diplomové práci.

Datum převzetí zadání

Podpis studenta

# Poděkování

Chtěl bych tímto poděkovat svému vedoucímu práce Ing. Ondřeji Lipčákovi, Ph.D. za odborné vedení této práce, cenné rady, trpělivost a za čas strávený nad konzultací řešených problémů.

# Prohlášení

Prohlašuji, že jsem předloženou práci vypracoval samostatně a že jsem uvedl veškeré použité informační zdroje v souladu s Metodickým pokynem o dodržování etických principů při přípravě vysokoškolských závěrečných prací.

V Praze, 17. května 2023

#### Abstrakt

Tato práce se zabývá modelem řízeného 12/8 spínaného reluktančního motoru v prostředí MATLAB/Simulink. Motor je napájen pomocí asymetrického polovičního můstku. Řízení se sestává z vnější regulační smyčky otáček a vnitřní regulační smyčky momentu založené na řídící strategii direct instantaneous torque control spolu se zavedeným momentovým a proudovým omezením. První část práce obsahuje popis principu, konstrukce a matematický model spínaného reluktančního motoru včetně metod sloužících ke zjištění parametrů stroje. Dále jsou prezentovány napájecí měniče a nejčastěji používané řídící strategie. Druhá část práce se zabývá popisem implementačních kroků nutných k sestavení modelu řízeného spínaného reluktančního motoru a následně jsou uvedeny výsledky simulace.

Klíčová slova: spínaný reluktanční motor, řídící strategie, modelování, MATLAB/Simulink, direct instantaneous torque control

Vedoucí: Ing. Ondřej Lipčák, Ph.D.

#### Abstract

This master thesis deals with the controlled 12/8 switched reluctance motor model in MATLAB/Simulink environment. The motor is powered by an asymmetric half-bridge converter. The control consists of an outer speed control loop and an inner torque control loop based on a direct instantaneous torque control strategy together with torque and current constraint. The first part of the thesis contains the description of principle, construction, mathematical model of the switched reluctance motor and methods used to determine the machine parameters. Furthermore, the power converters and the most used control strategies are presented here as well. The second part of the thesis deals with the description of implementation steps that are necessary to build the controlled switched reluctance motor model and then the simulation results are presented.

**Keywords:** switched reluctance motor, control techniques, modeling, MATLAB/Simulink, direct instantaneous torque control

**Title translation:** Controlled Switched Reluctance Motor Model

# Obsah

1 Úvod	1
2 Spínaný reluktanční motor	3
2.1 Konstrukce SRM	3
2.2 Uspořádání pólů a elektrický cyklus SRM	4
2.3 Princip SRM	5
2.4 Matematický model SRM	6
2.4.1 Elektromagnetický moment SRM	7
2.5 Způsoby modelování SRM	9
2.6 Generatorický chod SRM	9
2.7 Měření parametrů matematického modelu SRM	10
2.7.1 Měření magnetického toku $\ldots$	11
2.7.2 Stanovení momentové charakteristiky	12
3 Řízení SRM	13
3.1 Topologie měničů používaných pro řízení SRM	13

	10
3.2.1 Výpočet úhlu zapnutí a vypnutí	16
3.3 Torque sharing function	18
3.3.1 Hybridní TSF	19
$3.3.2~\mathrm{TSF}$ s dynamickým rozdělením	20
3.4 Direct instantaneous torque control	21
3.4.1 Optimalizované DITC	23
3.5 Direct torque control	26
3.6 Optimalizace úhlu zapnutí a	
vypnutí	29
vypnutí 4 Implementace modelu řízení SRM	29 <b>31</b>
<ul> <li>vypnutí</li> <li>4 Implementace modelu řízení</li> <li>SRM</li> <li>4.1 Parametry simulovaného stroje .</li> </ul>	29 <b>31</b> 31
<ul> <li>vypnutí</li> <li>4 Implementace modelu řízení SRM</li> <li>4.1 Parametry simulovaného stroje .</li> <li>4.2 Model SRM v Simscape</li> </ul>	29 <b>31</b> 33
<ul> <li>vypnutí</li> <li>4 Implementace modelu řízení SRM</li> <li>4.1 Parametry simulovaného stroje .</li> <li>4.2 Model SRM v Simscape</li> <li>4.3 Signálový model SRM</li> </ul>	<ul> <li>29</li> <li>31</li> <li>31</li> <li>33</li> <li>34</li> </ul>
<ul> <li>vypnutí</li> <li>4 Implementace modelu řízení SRM</li> <li>4.1 Parametry simulovaného stroje .</li> <li>4.2 Model SRM v Simscape</li> <li>4.3 Signálový model SRM</li> <li>4.4 Porovnání Simscape modelu a signálového modelu</li> </ul>	<ul> <li>29</li> <li>31</li> <li>31</li> <li>33</li> <li>34</li> <li>36</li> </ul>
<ul> <li>vypnutí</li> <li>4 Implementace modelu řízení SRM</li> <li>4.1 Parametry simulovaného stroje .</li> <li>4.2 Model SRM v Simscape</li> <li>4.3 Signálový model SRM</li> <li>4.4 Porovnání Simscape modelu a signálového modelu</li> <li>4.5 Model měniče</li> </ul>	<ul> <li>29</li> <li>31</li> <li>31</li> <li>33</li> <li>34</li> <li>36</li> <li>38</li> </ul>

4.6.1 Blok DITC	40
4.6.2 Výpočet skutečného a maximálního dosažitelného momentu	43
	40
4.6.3 Proudové omezení	43
5 Výsledky simulace modelu řízeného SRM	47
5.1 Průběhy veličin ověřující funkčnos řízení a modelu SRM	t 48
5.1.1 Detail průběhů veličin ověřující funkčnost řízení a modelu SRM .	í 51
5.2 Ověření funkčnosti DITC regulátoru	54
5.3 Funkce momentového omezení	57
5.4 Funkce proudového omezení	58
5.4.1 Zhodnocení modelu řízeného SRM	60
6 Závěr	63
A Použitá literatura	65
B Seznam symbolů a zkratek	69
B.1 Použité symboly	69
B.2 Použité zkratky	70

C Data modelovaného SRM	71
C.1 Data magnetického toku	71
C.2 Data momentu	74

79

#### D Schéma zapojení modelu řízeného SRM

# Obrázky

2.1 Zjednodušený řez 12/8 SRM $\ldots$ .	5
2.2 Náhradní elektrický obvod jedné fáze SRM	7
2.3 Magnetizační charakteristika	9
2.4 Schéma zapojení pro stejnosměrnou metodu měření matematického modelu SRM	11
3.1Schéma AHB pro třífázový SRM	14
3.2 Zjednodušený průběh proudu jedno fáze SRM napájené z AHB a zjednodušený průběh indukčnosti v závislosti na poloze rotoru	5 14
3.3 Blokové schéma ATC	16
3.4 Zjednodušený průběh indukčnosti a proudu při vysokých a nízkých otáčkách	17
3.5 Blokové schéma řízení TSF	18
3.6 Diagram pro určení výpočtu momentu metody TSF s dynamickým rozdělením	1 20
3.7 Blokové schéma řízení DITC $\ldots$	21
3.8 Zjednodušený průběh momentu během komutace spolu se spínacími stavy komutujících fází	22

3.9 Pracovní oblasti komutace I a II podle úhlu zapnutí a vypnutí	23
3.10 Hyterézní pásma pro jednotlivé oblasti komutace	24
3.11 Řídící vývojový diagram pro korekci úhlu vypnutí	25
3.12 Řídící vývojový diagram pro korekci úhlu zapnutí	26
3.13 Napěťové vektory pro řídící strategii DTC	27
3.14 Blokové schéma řízení DTC	28
4.1 Graf závislosti magnetického toku na elektrickém úhlu a proudu simulovaného SRM	32
4.2 Graf závislosti momentu na elektrickém úhlu a proudu simulovaného SRM	32
4.3 Nastavení bloku SRM v Simscape a formát tabulky magnetického toku	33
4.4 Schéma zapojení pro ověření funkčnosti modelu SRM v Simscape	34
4.5 Schéma zapojení jedné fáze SRM signálového modelu	35
4.6 Schéma zapojení pohybové rovnice signálového modelu	e 36

4.7 Porovnání otáček a momentu modelu SRM v Simscape a	5.3 Časový průběh fázových proudů 50
signálového modelu 37	5.4 Závislost magnetického toku na proudu během jednoho elektrického
4.8 Detail porovnání momentu modelu SRM v Simscape a signálového modelu	cyklu při rozběhu a v ustáleném stavu při 1 000 ot/min 51
4.9 Schéma zapojení AHB signálového modelu 39	5.5 Detail časových průběhů fázových proudů 52
4.10 Blokové schéma řízení 40	5.6 Detail časových průběhů momentů generovaných jednotlivými fázemi . 53
4.11 Průběh indukčnosti pro jeden elektrický cyklus s upraveným elektrickým úhlem umožňující jednoduchou implementaci DITC pro	5.7 Detail časového průběhu momentu generovaného SRM a momentu zátěže 54
oba směry rotace 41	5.8 Časový průběh elektrických úhlů fáze A a C v oblasti komutace 55
4.12 Logika vyhodnocení stavů vedení pro kladný žádaný moment 42	5.9 Časový průběh regulační odchylky momentu včetně hysterézních pásem
4.13 Logika vyhodnocení stavů vedení pro záporný žádaný moment 42	v oblasti komutace
4.14 Blokové schéma realizovaného DITC regulátoru pro fázi A 42	5.10 Časový průběh proudů a aplikovaných napětí fáze A a C v oblasti komutace
4.15 Schéma zapojení proudového omezení pro fázi A 45	5.11 Časový průběh skutečného a žádaného momentu spolu se zavedeným momentovým omezením 58
5.1 Časový průběh skutečných a žádaných otáček 49	5.12 Časový průběh skutečného a odhadovaného proudu spolu s řídícími signály z DITC regulátoru a
5.2 Časový průběh momentu generovaného SRM a momentu zátěže	působením proudového omezení při rozběhu 59

<ul> <li>5.13 Časový průběh skutečného a odhadovaného proudu spolu s řídícími signály z DITC regulátoru a působením proudového omezení v ustáleném stavu 1 000 ot/min 60</li> </ul>
D.1 Schéma zapojení modelu řízeného SRM v Simulinku
D.2 Schéma zapojení modelu SRM v Simulinku 80
D.3 Schéma zapojení modelu měniče v Simulinku 81
D.4 Schéma zapojení modelu řízení v Simulinku 82
D.5 Schéma zapojení DITC regulátoru v Simulinku 83
D.6 Schéma zapojení pro vyhodnocení způsobilosti vedení fáze pro kladný moment v bloku DITC regulátoru. 84
D.7 Schéma zapojení pro vyhodnocení způsobilosti vedení fáze pro záporný moment v bloku DITC regulátoru. 84
D.8 Schéma zapojení proudového omezení v Simulinku 85
D.9 Schéma zapojení pro odhad proudu v bloku proudového omezení v Simulinku
D.10 Schéma zapojení pro výpočet skutečného a maximálního dosažitelného momentu v Simulinku 87

# Tabulky

<ul> <li>3.1 Matematický a grafický popis lineární, sinusové a exponenciální TSF</li> </ul>	19
3.2 Přípustné stavy sepnutí jednotlivých fází, podle jejich způsobilosti vedení	22
3.3 Spínací tabulka napěťových vektorů pro <i>k</i> -tý sektor podle požadavku na zvýšení nebo snížení momentu a velikosti vektoru magnetického toku	28
4.1 Základní parametry simulovaného SRM 5	31
C.1 Data magnetického toku $\Phi$ (Wb) v závislosti na elektrickém úhlu a proudu pro modelovaný SRM 7	71
C.2 Data momentu $M$ (Nm) v závislosti na elektrickém úhlu a proudu pro modelovaný SRM 7	74

# Kapitola 1

## Úvod

První elektrický motor pracující na principu spínaného reluktančního motoru byl vynalezen v první polovině 19. století a poháněl elektrickou lokomotivu na trase Edinburgh Glasgow. Spínání cívek bylo zajištěno mechanickým přepínačem (komutátorem). Teprve až v druhé polovině 20. století byl představen spínaný reluktanční motor, který svojí konstrukcí odpovídal dnešním spínaným reluktančním motorům [1].

V počátcích vývoje výkonové elektroniky a mikroprocesové techniky, ve kterých byla jejich cena vysoká, byla snaha používat motory se složitou konstrukcí a jednoduchým řízením. S postupnou klesající cenou výkonové elektroniky je možné zavádět jednodušší stroje, které však vyžadují složitější řízení a kladou vyšší nároky na výkonovou elektroniku. Nejrozšířenějšími pohony jsou dnes pohony s asynchronními a synchronními motory. Na základě zvyšujících se požadavků v oblasti účinnosti a v oblasti ceny se naskytuje příležitost uplatnění spínaných reluktančních motorů z důvodu jejich velmi jednoduché konstrukce. Zároveň díky rozvoji výkonové elektroniky a mikroprocesorové techniky se zmenšuje bariéra použití spínaných reluktančních motorů z hlediska jejich nelineárních vlastností a složitosti řízení.

Cílem této práce je sestavení modelu řízení, měniče a 12/8 spínaného reluktančního motoru v prostředí MATLAB/Simulink, spolu se seznámením se s potřebnými implementačními kroky. První část práce se zabývá zejména principem, konstrukcí a matematickým modelem spínaného reluktančního motoru spolu se základními metodami měření parametrů stroje pro jeho modelování. V další části práce jsou představeny měniče používané pro napájení spínaných reluktančních motorů včetně nejčastěji používaných řídících stra1. Úvod

tegií. Následující kapitola obsahuje detailní popis realizace modelu řízeného spínaného reluktančního motoru. Závěrečná část práce se zabývá prezentováním výsledků simulace sestaveného modelu spolu s ověřením jeho funkčnosti a zhodnocením zvolené řídící strategie.

# Kapitola 2

## Spínaný reluktanční motor

Spínané reluktanční motory (SRM) zastupují malý podíl v dnes používaných elektrických motorech. Jejich uplatnění se nachází převážně v oblasti některých průmyslových čerpadlech, vysavačů, zemědělských a důlních strojů. Vyznačují se jednoduchou robustní konstrukcí, nízkou cenou, vysokou spolehlivostí a tepelnou odolností. Díky konstantnímu výkonu v širokém rozsahu otáček jsou vhodné pro trakční aplikace. Nevýhodou SRM je zvlněný moment, vibrace a akustický hluk [2].

PMSM a BLDC motory dosahují vyšší hustoty výkonu a účinnosti oproti SRM, avšak vlivem permanentích magnetů umístěných v rotoru mají menší mechanickou pevnost a neumožňují tak provoz při vysokých otáčkách jako v případě SRM. Významný cenový rozdíl BLDC a PMSM oproti SRM je dán drahými a vzácnými materiály potřebnými pro výrobu permanentních magnetů. AM mají díky jednoduché konstrukci srovnatelnou spolehlivost se SRM, dosahují mírně menší účinnosti a výšší hustoty výkonu. Absence vinutí v rotoru SRM má za následek nížší cenu oproti AM [3, 4].

#### 2.1 Konstrukce SRM

Stator i rotor SRM je složen z neorientovaných magneticky měkkých elektrotechnických plechů s vyjádřenými póly jak na statoru, tak i na rotoru. Elektrotechnické plechy jsou vzájemně od sebe izolovány z důvodu omezení ztrát vířivými proudy. Pro dosažení vetšího točivého momentu a hustoty vý2. Spínaný reluktanční motor

konu je nutné konstruovat motor s malou vzduchovou mezerou, který odděluje magnetický obvod statoru a rotoru [2].

Jednoduchá konstrukce rotoru vyplývá z absence vinutí či permanentních magnetů. Rotor se skládá pouze z rotorového paketu spojeného s hřídelí stroje. Točivý moment je z rotorového paketu přenášen na hřídel stroje pomocí pera a drážky, v případě kompaktních motorů je využito lisovaného uložení [2].

Na pólech statoru jsou navinuty cívky, přičemž jedna cívka je vždy navinuta na jednom pólu statoru, tím pádem počet cívek stroje je dán počtem pólů statoru. V závislosti na počtu cívek na fázi a požadavků stroje mohou být zapojeny sériově, paralelně nebo sério-paralelně. V případě bezložiskových spínaných reluktančních motorů (BSRM) (funkce mechanického ložiska je nahrazena magnetickou levitací) jsou na pólech statoru navíc navinuty závěsné cívky, zajišťující uchycení hřídele bez mechanického tření. BSRM jsou vhodná pro vysokorychlostní provoz nebo náročná provozní prostředí [2, 5].

#### 2.2 Uspořádání pólů a elektrický cyklus SRM

Zjednodušený příčný řez 12/8 SRM je znázorněn na obr. 2.1. První číslice udává počet pólů statoru, druhá číslice udává počet pólů rotoru. Jedna fáze motoru je tvořena cívkami navinutými na pólech statoru, které mají stejný elektrický úhel pro danou polohu rotoru. V případě 12/8 SRM se může jednat jak o 3, tak 6-fázový stroj. Jeden elektrický cyklus stroje lze definovat jako pohyb jednoho pólu rotoru, který se nachází v nezarovnané pozici, vůči určitému pólu statoru do následující nezarovnané pozice. V případě SRM na obr. 2.1, je elektrický cyklus dán pohybem  $P_{R2}$  z nezarovnané polohy mezi  $P_{S2}$  a  $P_{S3}$  do nezarovnané polohy mezi póly  $P_{S3}$  a  $P_{S4}$  proti směru hodinových ručiček [2].

Pro jeden pól statoru se elektrický cyklus během jedné mechanické otáčky rotoru opakuje podle počtu pólů rotoru. Jednu fázi motoru mohou tím pádem tvořit cívky na pólech, které sdílejí stejný průběh elektrického cyklu. Elektrické cykly ostatních fází jsou pouze fázově posunuty [2].



Obrázek 2.1: Zjednodušený řez 12/8 SRM

## 2.3 Princip SRM

Budeme-li uvažovat SRM jehož rotor a stator je tvořen z feromagnetického materiálu, na pólech statoru jsou navinuty cívky a okolím je vzduch. Protékáli jednou fází stroje elektrický proud, cívky této fáze vybudí magnetické pole ve stroji. Jelikož je relativní permeabilita feromagnetického materiálu podstatně větší než okolního vzduchu, bude se magnetický tok převážně uzavírat magnetickým obvodem stroje z feromagnetického materiálu [2].

Aktivní pól statoru je částečně zarovnán s pólem rotoru. Magnetické pole buzené aktivními cívkami způsobí natočení domén ve feromagnetickém mate-

2. Spínaný reluktanční motor 🔹 🔹

riálu ve směru tohoto pole. Natočené domény vytvářejí vlastní magnetické pole. Natočení domén ve feromagnetickém materiálu ve směru vnějšího magnetického pole si lze předsatvit jako vznik magnetického severního a jižního pólu na statorovém a rotorovém pólu. Vzájemným působením magnetických pólů vzniká síla, která má za následek otáčení rotoru [2].

Otáčením rotoru se mění směr siločar magnetického pole v rotrovém pólu, tím pádem se mění i poloha pomyslného magnetického severního a jižního pólu v rotorovém pólu pod aktivním pólem statoru. Sílu působící na rotor lze rozložit na tangenciální sílu, která má za následek otáčení rotoru a radiální sílu, která způsobuje hluk a vibrace motoru. Z uvedené představy vyplývá, že tangenciální síla působící na rotor je nulová při zarovnání rotorového pólu s aktivním pólem statoru. V okamžiku zarovnání rotorového pólu s aktivním pólem statoru je nutné pro otáčení rotoru sepnout jiný pól statoru, který není zarovnaný s rotorovým pólem [2].

Pohybem rotoru se mění velikost vzduchové mezery, tedy velikost reluktance magnetického obvodu. Pokud by byl rotor hladký, siločáry magnetického pole pod aktivním pólem statoru by byly symetrické vůči ose aktivního pólu a nevznikla by tak žádná tangenciální síla, která by otáčela rotorem. Proto je nutné konstruovat rotor reluktančního motoru tak, aby docházelo ke střídání míst s různou reluktancí. Využíváním různé magnetické reluktance po obvodu rotoru a spínáním cívek statoru vyplývá název spínaný reluktanční motor [2].

#### 2.4 Matematický model SRM

SRM využívá pro svoji práci oblast nasycení magnetizační charakteristiky, proto nelze považovat závislost magnetického toku na proudu za lineární, zároveň magnetický tok stroje závisí na elektrickém úhlu natočení rotoru  $\theta$ . Tím pádem se jedná o nelineární systém. Pro matematický popis SRM lze zavést určitá zjednodušení: [6]

- zanedbání vzájemné indukčnosti mezi fázemi stroje,
- zanedbání ztrát vířivími proudy a hysterezní ztráty,
- činný odpor fáze je konstantní,
- indukčnost jedné fáze je závislá na poloze rotoru  $\theta$  a proudu, kterou fází protéká.



Obrázek 2.2: Náhradní elektrický obvod jedné fáze SRM

Jednu fázi SRM lze popsat náhradním elektrickým obvodem 2.2, pro který je možné psát napěťovou rovnici

$$u = Ri + \frac{\mathrm{d}\Phi(\theta, i)}{\mathrm{d}t},\tag{2.1}$$

kde u je napájecí napětí, R je činný odpor fáze stroje, i je proud protékající fází stroje a  $\Phi(\theta, i)$  je spřažený magnetický tok. Spřažený magnetický tok je dán magnetizační charakteristikou

$$\Phi(\theta, i) = L(\theta, i)i, \qquad (2.2)$$

kde  $L(\theta,i)$  je indukčnost jedné fáze stroje, která je závislá na elektrickém úhlu natočení rotoru  $\theta$  a proudu protékajícího fází stroje. Dosazením rovnice (2.2) do (2.1) a postupnou úpravou získáme

$$u = Ri + \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \left( L(\theta, i)i \right), \qquad (2.3)$$

$$u = Ri + L(\theta, i)\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} + i\frac{\mathrm{d}L(\theta, i)}{\mathrm{d}t}, \qquad (2.4)$$

$$u = Ri + L(\theta, i)\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} + i\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}\frac{\mathrm{d}L(\theta, i)}{\mathrm{d}\theta}, \qquad (2.5)$$

$$u = Ri + L(\theta, i)\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} + i\omega\frac{\mathrm{d}L(\theta, i)}{\mathrm{d}\theta}, \qquad (2.6)$$

kde  $\omega$  je elektrická úhlová rychlost rotoru. Poslední člen v rovnici (2.6) představuje indukované napětí  $u_i$ , poté lze přepsat napěťovou rovnici do tvaru [6]

$$u = Ri + L(\theta, i)\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} + u_{\mathrm{i}}.$$
(2.7)

#### 2.4.1 Elektromagnetický moment SRM

Při zanedbání Joulových ztrát ve vinutí, ztrát v železe a mechanických ztrát se pro jednu fázi SRM dodaná energie do systému rozdělí na přírůstek energie

2. Spínaný reluktanční motor

uložené v magnetickém poli d $W_{\rm f}$  a přírůstek mechanické energie  $M d\theta_{\rm mech}$ 

$$uidt = dW_{\rm f} + M d\theta_{\rm mech}, \tag{2.8}$$

**1 1** 

kde M je elektromagnetický moment,  $\theta_{\text{mech}} = \theta/N_{\text{r}}$  je mechanický úhel a  $N_{\text{r}}$  je počet pólů rotoru. Dosazením za napětí  $u = d\Phi/dt$  získáme [2]

$$i\mathrm{d}\Phi = \mathrm{d}W_{\mathrm{f}} + M\mathrm{d}\theta_{\mathrm{mech}}.$$
(2.9)

Energie uložená v magnetickém poli odpovídá ploše nad magnetizační charakteristikou

$$W_{\rm f} = \int i \mathrm{d}\Phi. \tag{2.10}$$

Energii, která odpovídá ploše pod magnetizační charakteristikou, nazveme koenergií

$$W_{\rm c} = \int \Phi \mathrm{d}i, \qquad (2.11)$$

poté celkovou energii lze vyjádřit

$$\Phi i = W_{\rm f} + W_{\rm c}.\tag{2.12}$$

Vyjádřením koenergie, derivací rovnice a dosazení za d $W_{\rm f}$  z rovnice (2.9) získáme [2]

$$dW_{\rm c} = id\Phi + \Phi di - dW_{\rm f} = \Phi di + M d\theta_{\rm mech}.$$
 (2.13)

V případě SRM je koenergie  $W_c$  závislá jak na velikosti proudu *i*, tak i na elektrickém úhlu natočení rotoru  $\theta$ , proto pro přírůstek koenergie lze psát

$$dW_{c}(\theta, i) = \frac{\partial W_{c}(\theta, i)}{\partial i} di + \frac{\partial W_{c}(\theta, i)}{\partial \theta} d\theta.$$
(2.14)

Porovnáním rovnice (2.14) a (2.13) získáme výsledný vztah pro elektromagnetický moment stroje

$$M = N_{\rm r} \frac{\partial W_{\rm c}(\theta, i)}{\partial \theta}.$$
 (2.15)

Pokud bychom se pohybovali v lineární části magnetizační charakteristiky

$$\Phi(\theta) = L(\theta)i, \tag{2.16}$$

moment SRM je poté dán

$$M = \frac{N_{\rm r}}{2} i^2 \frac{\partial L(\theta)}{\partial \theta}.$$
 (2.17)

Směr momentu stroje nezávisí na směru protékaného proudu, ale na změně indukčnosti v závislosti na úhlu natočení rotoru [2].

2.5. Způsoby modelování SRM



**Obrázek 2.3:** Magnetizační charakteristika SRM, vlevo rozdělení energie magnetického pole a koenergie, vpravo změna koenergie při natočení rotoru (založeno na [6])

#### 2.5 Způsoby modelování SRM

Pro vývoj a optimalizaci řízení SRM je zapotřebý přesný model stroje, který je založen zejména na dobré znalosti magnetizační charakteristiky. Jednou z možností je využití analytických metod založených na Maxwellových rovnicích, které se však používají převážně pro prvotní návrh parametrů motoru. Nejpoužívanějším způsobem modelování SRM je získání dat magnetizační charakteristiky pomocí metody konečných prvků nebo z experimentálního měření na již hotovém stroji. Na základě získaných dat lze vytvořit pro modelování stroje look-up table, proložit data vhodnými křivkami, či využít Fourierovu řadu [7].

#### 2.6 Generatorický chod SRM

Generatorický chod SRM představuje chod, při kterém je mechanická energie přeměňována na energii elektrickou. Přivedením vnějšího momentu na hřídel SRM, který není připojen ke zdroji elektrické energie, nedochází ke generování napětí ve statorovém vinutí. Pro přechod SRM do generatorického režimu je třeba budícího obvodu zajišťujícího nabuzení stroje [2].

Nabuzením jedné fáze SRM, která je v nezarovnané pozici vůči pólům rotoru, dojde vlivem sil popsaných v kapitole 2.3 k zarovnání buzených pólů statoru s rotorovými póly. Rotor se neustálí v zarovnané pozici okamžitě při jejím prvotním dosažení, ale vlivem setrvačnosti rotujících hmot dojde ke kmitům v okolí rovnovážné polohy [2].

2. Spínaný reluktanční motor

V zarovnané pozici nabuzené fáze nepůsobí na rotor žádné tangenciální síly, které by rotorem otáčeli a indukčnost dané fáze pro buzený proud dosahuje maxima. Přivedením vnějšího momentu na hřídel SRM, odpojením budícího obvodu a připojení zátěže na nabuzenou fázi, začne zátěží protékat proud. Tento proud je jednak dán uloženou energií v magnetickém poli, ale také přeměňovanou mechanickou energií na elektrickou. Směr proudu v nabuzené fázi se zachovává, jeho velikost se postupně zmenšuje vlivem poklesu energie uložené v magnetickém poli [2].

V druhé polovině elektrického cyklu, tj. při pohybu ze zarovnané polohy do nezarovnané, se daná fáze budí proudovými pulzy, aby stroj zůstal nabuzen a využil se tak hnací moment na hřídeli. Při práci SRM ve vysokých otáčkách se v generatorickém režimu daná fáze nabudí pouze na začátku druhé poloviny elektrického cyklu. Poté se spojí vinutí fáze nakrátko a pokud je indukované napětí větší než bylo budící napětí, proud dané fáze vzroste. Následuje připojení zátěže a přeměna energie uložené v magnetickém poli a mechanické energie na elektrickou [2].

Práce SRM v motorickém nebo generatorickém chodu závisí na okamžiku buzení fází stroje. Pokud budou jednotlivé fáze stroje buzeny v úseku, kdy dochází k růstu indukčnosti, SRM pracuje v motorickém režimu. Budou-li jednotlivé fáze stroje buzeny při poklesu indukčnosti, stroj pracuje v generatorickém režimu. SRM umožňuje práci ve všech čtyřech kvadrantech momentové charakteristiky [2].

#### 2.7 Měření parametrů matematického modelu SRM

Pro modelování a řízení SRM je nutná přesná znalost parametrů matematického modelu stroje, jedná se o činný odpor jedné fáze R, závislost magnetického toku, resp. momentu na poloze rotoru a velikosti proudu  $\Phi(\theta, i)$ , resp.  $M(\theta, i)$ . Pro měření činného odporu je nejčastěji používána Ohmova metoda pro malé odpory [8].

Jelikož magnetický tok i moment stroje nejsou závislé pouze na velikosti proudu, ale také na poloze rotoru, je nutné během měření zajist přesnou polohu rotoru. Natáčení rotoru lze provést ručně, pro přesné nastavení se využívá převodovka a nastavená poloha je zajištěna pomocí mechanické brzdy. Druhou možností, například pro automatizované měření, je využití krokového motoru. Úhel natočení se měří absolutním enkódérem nebo resolverem [8, 9].

#### 2.7.1 Měření magnetického toku

Jednou z možností měření magnetického toku je pomocí senzoru umožňující měření magnetického pole ve stroji, jedná se o přímou metodu, která je složitá a většinou nákladná. Z takového důvodu se uplatňuje nepřímá metoda měření magnetického toku, a to pomocí střídavého nebo stejnosměrného napětí. V rámci střídavé metody se magnetický tok vypočítává na základě integrace indukovaného napětí do měřící cívky umístěné na statorovém pólu. Měření je realizováno v několika krocích pro různou polohu rotoru a velikosti proudu [9].



**Obrázek 2.4:** Schéma zapojení pro stejnosměrnou metodu měření matematického modelu SRM (založeno na [9])

Stejnosměrná metoda umožňuje zjištění parametrů matematického modelu stroje na základě měření elektrických veličin na svorkách stroje a uchycení stroje k měřící stolici zajištující přesnou polohu rotoru. Při zafixované poloze rotoru  $\theta$  se na fázi stroje skokově přivede stejnosměrné napětí a zaznamená se průběh napětí a proudu na měřené fázi. Magnetický tok pro činný odpor R se vypočte ze základní napěťové rovnice

$$\Phi(\theta, i(\tau)) = \int_0^\tau \left[ u(t) - Ri(t) \right] dt + \Phi(0), \qquad (2.18)$$

kde  $\Phi(0)$  je počáteční hodnota magnetického toku ve stroji. Jelikož SRM neobsahuje žádné permanentní magnety, potom lze uvažovat  $\Phi(0) = 0$ . Během jednoho napěťového pulsu se měřením u a i získá magnetizační charakteristika pro jednu polohu rotoru. Popsaným způsobem se proměří magnetizační charakteristika pro celý elektrický cyklus dané fáze s určitým krokem nebo lze provést měření pouze poloviny elektrického cyklu, neboť závislost magnetického toku na elektrickém úhlu je symetrická. Jelikož není změřen spojitý průběh u a i, ale data jsou zaznamenávána s určitou periodou vzorkování, je nutné použít jednu z numerických integračních metod [9].

Průběh indukčnosti v závislosti na poloze rotoru a velikosti proudu  $L(\theta, i)$  lze vypočítat ze změřené závislosti magnetického toku  $\Phi(\theta, i)$ . V případě, že není známá závislost magnetického toku, lze závislost indukčnosti změřit pomocí

vysokofrekvenční superpoziční metody, u které je využíváno jak stejnosměrného, tak střídavého zdroje. Pomocí mechanické brzdy a stejnosměrného zdroje se nastaví pracovní bod ( $\theta$ , i) SRM, následně se využije střídavého zdroje, jehož signál o malé amplitudě je superponován na stejnosměrný signál. Velikost indukčnosti se určí ze vztahu pro harmonický ustálený stav

$$L(\theta, i) = \frac{1}{2\pi f} \sqrt{\left(\frac{U_{\rm ac}}{I_{\rm ac}}\right)^2 - R^2},\tag{2.19}$$

kde f je frekvence střídavého signálu,  $U_{\rm ac}$  je efektivní hodnota střídavého napětí na měřené fázi,  $I_{\rm ac}$  je efektivní hodnota střídavého proudu protékající měřenou fází a R je činný odpor vinutí, přičemž autoři v [10] neuvádějí korekci na střídavý odpor zohledňující vliv skin efektu.

#### 2.7.2 Stanovení momentové charakteristiky

Moment stroje lze stanovit na základě změřené závislosti magnetického toku  $\Phi(\theta, i)$  a to výpočtem koenergie podle rovnice (2.11) a následně její derivací podle rovnice (2.17). Generovaný moment SRM lze také změřit pomocí snímače momentu. Rotor je zafixován v nastavené poloze a na jednu fázi SRM je přivedeno stejnosměrné napětí. Po odeznění přechodového děje, tj. proud dosáhl ustáleného stavu, se provede odečet velikosti momentu a proudu. Pro jednu polohu rotoru se provede několik měření pro různé hodnoty proudu s určitým krokem. Poté se rotor pootočí a následuje další sada měření, tím je získána závislost  $M(\theta, i)$  [8].

# Kapitola 3

# Řízení SRM

Na základě principu činnosti vyžadují SRM pro svůj chod měnič zajišťující vhodné buzení jednotlivých fází. Pro dosažení požadovaného fungování SRM lze pomocí měniče nejčastěji řídit elektrický úhel zapnutí  $\theta_{on}$  a vypnutí  $\theta_{off}$ , velikost budícího proudu a budícího napětí. Existuje celá řada topologií měničů vhodných pro různé aplikace [6].

Řízení SRM je komplexní problém daný nelineární charakteristikou SRM, zvlněním momentu, hlučností a vibracemi stroje. Pro řízení byla odvozena široká škála řídících strategií zaměřující se na optimalizace sledovaných veličin pohonu, jako je například zvlnění momentu, akustický hluk nebo velikost průměrné hodnoty momentu. [6]

#### **3.1** Topologie měničů používaných pro řízení SRM

Široce používaným měničem pro SRM je asymmetric half-bridge (AHB), tj. asymetrický poloviční můstek. Schéma zapojení AHB pro třífázový motor je znázorněno na obr. 3.1. Na jednu fázi připadají dva plně říditelné spínače a dvě diody. AHB umožňuje práci ve všech čtyřech kvadrantech momentové charakteristiky, zároveň jej lze použít pro libovolný počet fází stroje. Rovněž lze jednotlivé fáze řídit nezávisle, a tím pádem při poruše jedné fáze lze provozovat stroj s omezeným výkonem [6].



Obrázek 3.1: Schéma AHB pro třífázový SRM

Jednotlivé pracovní stavy AHB pro jednu fázi SRM spolu s průběhem proudu jsou znázorněny na obr. 3.2. Bude-li se stroj nacházet na začátku elektrického cyklu sledované fáze, sepnutím horního a dolního tranzistoru začne fází protékat proud a dochází tak k postupnému nabuzení. Vypnutím jednoho z tranzistorů se začne proud uzavírat přes diodu, tento stav lze označit jako nulový, neboť při zanedbání úbytků napětí na polovodičových prvcích je napětí na fázi nulové. Vypnutím obou tranzistorů začne proud protékat oběma diodami, na fázi bude záporné napájecí napětí a proud klesá. Takovýto stav označujeme jako demagnetizační, během kterého proud klesá k nule do té doby, dokud není odčerpána energie uložená v magnetickém poli. Chod měniče, při kterém se střídá magnetizační stav s nulovým stavem nazýváme jako měkké spínání. Střídání pouze magnetizačního stavu se stavem demagnetizačním nazýváme tvrdé spínání [6].



**Obrázek 3.2:** Zjednodušený průběh proudu jedné fáze SRM napájené z AHB a zjednodušený průběh indukčnosti v závislosti na poloze rotoru

Výhodou AHB je nezávislé ovládání horního a dolního spínače, není třeba například dodržovat nulovou dobu (dead-time) jaku u třífázových dvouúrov-ňových měničů pro AM. Pro snížení ztrát v nulovém a demagnetizačním

stavu lze nahradit diody plně říditelnými spínači. Nevýhodou AHB je velký počet polovodičových prvků na fázi, který má za následek vyšší cenu. Zároveň pokud je můstek napájen stejnosměrným zdrojem napětí, který neumožňuje regulaci velikosti napětí, při vyšších otáčkách motoru vlivem indukovaného napětí nemusí být dosaženo požadované velikosti proudu ve fázi a zároveň se prodlužuje doba demagnetizace [11].

Existuje mnoho dalších můstkových zapojení, které redukují počet polovodičových spínačů na fázi, kdy například dvě fáze SRM sdílejí jeden plně říditelný spínač. V některých případech už nelze nezávisle řídit jednotlivé fáze, zároveň některé topologie vyžadují sudý počet fází. Používají se také topologie, u kterých je při demagnetizaci energie uložená v magnetickém poli akumulována v kondenzátoru a tato energie je následně využita při nabuzení další fáze. Pro některé levné aplikace se využívá rezistor, pomocí kterého se magnetická energie při demagnetizaci mění na teplo [11].

SRM lze také řídit pomocí víceúrovňových měničů, které umožňují na jednu fázi aplikovat více úrovní napětí a umožňují tak snížit spínací frekvenci. Zároveň obsahují větší počet polovodičových prvků, některé topologie vyžadují více napěťových zdrojů a obecně je potřeba komplexnější způsob řízení [11].

#### **3.2** Avarage troque control

Principem metody ATC (avarage troque control) je udržovat hodnotu proudu konstantní během jednoho elektrického cyklu pro elektrický úhel  $\theta_{on} \leq \theta \leq \theta_{off}$ . Žádaná hodnota proudu je získána z regulátoru momentu na základě rozdílu žádané hodnoty momentu a střední hodnoty momentu za jeden elektrický cyklus. Proud ve fázi je nejčastěji řízen pomocí hysterézního regulátoru. Blokové regulační schéma je znázorněno na obr. 3.3, přičemž žádaná hodnota momentu je nejčastěji získána z vnější regulační smyčky rychlosti, která není ve schématu vyznačena [6].

Jak už bylo zmíněno v úvodu této kapitoly, pro správnou činnost SRM je nutné také určit správný úhel zapnutí  $\theta_{on}$  a vypnutí  $\theta_{off}$ . V nejjednodušších případech řízení jsou stanoveny pracovní úhly konstantní v celém pracovním rozsahu. Pro dosažení optimálních parametrů stroje (účinnosti a zvlnění momentu) lze nalézt závislost těchto úhlů na velikosti proudu a otáčkách stroje. Tím pádem nedochází pouze k řízení velikosti proudu stroje, ale také k řízení úhlu zapnutí a vypnutí v závislosti na pracovním bodě [6, 12].



Obrázek 3.3: Blokové schéma ATC

Střední hodnotu momentu lze určit na základě měření napětí a proudu během jednoho elektrického cyklu. Časovou změnu magnetického toku lze získat úpravou rovnice (2.1)

$$\frac{\mathrm{d}\Phi}{\mathrm{d}t} = u - Ri,\tag{3.1}$$

střední hodnota momentu $M_{\rm avg}$ za jeden elektrický cyklus se poté vypočte

$$M_{\rm avg} = \frac{mN_{\rm r}}{2\pi} \oint i \frac{\mathrm{d}\Phi}{\mathrm{d}t} \mathrm{d}t, \qquad (3.2)$$

kde m je počet fází. Základem bloku pro výpočet střední hodnoty momentu je tím pádem integrátor, který je nulován na základě signálu z bloku detekující pokles proudu na nulu. Nulování integrátoru se provádí z důvodu zamezení akumulace chyby při integraci, která může v praktickém použití vzniknout například vlivem nedokonalosti měření sledovaných veličin. Zároveň signál z bloku detekce poklesu proudu na nulovou hodnotu využívá i Sample&Hold obvod, který udržuje na výstupu po dobu jednoho elektrického cyklu vypočtenou střední hodnotu momentu. Pro snížení nároků na výpočetní výkon a hardware lze provádět výpočet střední hodnoty momentu pouze pro jednu fázi, na úkor zhoršení kvality regulace [6, 12].

#### 3.2.1 Výpočet úhlu zapnutí a vypnutí

V případě motorického chodu stroje je nutné fázi budit v oblasti růstu indukčnosti ( $\partial L/\partial \theta > 0$ ) a zároveň je vhodné, aby proud klesl k nule před oblastí poklesu indukčnosti ( $\partial L/\partial \theta < 0$ ). Rychlost nárůstu a poklesu proudu závisí jak na velikosti proudu, tak i na otáčkách stroje. S rostoucí rychlostí je nutné zmenšovat úhel zapnutí i vypnutí z důvodu schopnosti proudu dosáhnout žádané hodnoty a zároveň schopnosti poklesu proudu na nulu, aby nebyl generován záporný moment [13].



**Obrázek 3.4:** Zjednodušený průběh indukčnosti a proudu při vysokých a nízkých otáčkách [13]; upraveno

Pro rozsah otáček menších než jmenovité lze úhel zapnutí $\theta_{\rm on}$ určit pomocí zjednodušeného vztahu

$$\theta_{\rm on} = \theta_{\rm m} - \frac{L_{\rm min} I_{\rm ref} \omega}{U_{\rm DC}},\tag{3.3}$$

kde  $\theta_{\rm m}$  odpovídá úhlu počátku překrytí pólů statoru a rotoru,  $L_{\rm min}$  je minimální indukčnost,  $I_{\rm ref}$  je refernční (žádaná) hodnota proudu a  $U_{\rm DC}$  je napájecí napětí měniče. Při otáčkách vyšších než jmenovité roste vliv indukovaného napětí. Pro široký rozsah otáček lze odvodit ze základní napětové rovnice 2.1 vztah

$$\theta_{\rm on} = \theta_{\rm m} - \omega \frac{-L(i,\theta)}{R + k_{\rm b}\omega} \ln\left(1 - I_{\rm ref} \frac{R + k_{\rm b}\omega}{U_{\rm DC}}\right),\tag{3.4}$$

kde  $k_{\rm b} = dL(i, \theta)/d\theta$ . Pokud se pól rotoru nachází mezi dvěma statorovými póly, tj. interval  $\theta_{\rm g} \leq \theta \leq \theta_{\rm m}$  podle obr. 3.4, lze považovat indukčnost pouze jako funkcí elektrického úhlu  $L(\theta)$ . Závislost indukčnosti na elektrickém úhlu lze poté proložit exponenciální funkcí

$$L(\theta) = a e^{b|\theta|} + c, \ \theta_{g} \le \theta \le \theta_{m}, \tag{3.5}$$

kde a, b, c jsou koeficienty [13].

Určení optimálního úhlu zapnutí se provádí v několika krocích. V prvním kroku se odhadne úhel zapnutí  $\theta_{\text{on, aprox.}}$  podle rovnice 3.3. Vypočte se střední hodnota  $L(\theta)$  a  $k_{\text{b}}(\theta)$  pro interval  $\theta_{\text{on, aprox.}} \leq \theta \leq \theta_{\text{m}}$  na základě analytického vyjádření indukčnosti podle rovnice 3.5. V posledním kroku je vypočten optimální úhel zapnutí podle rovnice 3.4 na základě vypočtené střední hodnoty  $L(\theta)$  a  $k_{\text{b}}(\theta)$  [13].

Při vysokých otáčkách, se jedná v podstatě o jednopulzní řízení a při zanedbání úbytku napětí na činném odporu, je doba nárůstu magnetického toku shodná

3. Řízení SRM 🔹

s dobou poklesu. Na základě uvedené skutečnosti lze určit úhel vypnutí

$$\theta_{\rm off} = \frac{\theta_z + \theta_{\rm on}}{2},\tag{3.6}$$

kde  $\theta_z$  je elektrický úhel odpovídající poklesu proudu na nulu. Při nižších otáčkách není na fázi trvale aplikováno napětí  $U_{\rm DC}$ , ale jsou využívány i nulové stavy. Tím pádem vzniká chyba a vztah pro úhel vypnutí je poté upraven pomocí korekčního členu

$$\theta_{\rm off} = \frac{\theta_z + \theta_{\rm on}}{2} + \frac{k}{\omega I_{\rm ref}},\tag{3.7}$$

kde k je korekční koeficient získaný na základě experimentálního měření [14].

#### **3.3** Torque sharing function

Metoda řízení TSF (torque sharing function) umožňuje dosáhnout nižšího zvlnění momentu SRM. Je založena na principu rozdělení žádaného momentu  $M^*$  mezi dvě komutující fáze, neboť jsou-li aktivní dvě fáze zároveň, je výsledný moment dán součtem generovaných momentů aktivních fází. V případě, kdy nedochází ke komutaci, tak se na vytvoření žádaného momentu podílí pouze jedna aktivní fáze. Žádaná hodnota proudu je následně určena na základě závislosti  $i^*(M^*, \theta)$  a výsledný proud ve fázi je nejčastěji řízen pomocí hysterézního regulátoru, jak je znázorněno na obr. 3.5. Jedná se tím pádem o nepřímou metodu řízení momentu, která vyžaduje znalost magnetizační charakteristiky, ze které je poté možné určit závislost  $i(M, \theta)$  [15].



Obrázek 3.5: Blokové schéma řízení TSF

Obecně lze průběh žádaného momentu pro k-tou fázi popsat

$$M_{k}^{*}(\theta) = \begin{cases} 0, & 0 \leq \theta < \theta_{\rm on}, \\ M^{*}f_{\rm rise}(\theta), & \theta_{\rm on} \leq \theta < \theta_{\rm on} + \theta_{\rm ov}, \\ M^{*}, & \theta_{\rm on} + \theta_{\rm ov} \leq \theta < \theta_{\rm off}, \\ M^{*}f_{\rm dec}(\theta), & \theta_{\rm off} \leq \theta < \theta_{\rm off} + \theta_{\rm ov}, \\ 0, & \theta_{\rm off} + \theta_{\rm ov} \leq \theta < 360^{\circ}, \end{cases}$$
(3.8)

kde  $M_k^*$  je žádaný moment k-té fáze,  $\theta_{ov}$  je komutační úhel,  $f_{rise}(\theta)$  funkce popisující nárůst z 0 na 1 a  $f_{dec}(\theta)$  funkce popisující pokles z 1 na 0. Jednotlivé úhly  $\theta_{on}$ ,  $\theta_{off}$  a  $\theta_{ov}$  musí být vhodně nastaveny tak, aby nedocházelo ke generování záporného momentu [15]. Na základě funkcí určujících průběh momentu během komutace lze rozdělit TSF na analytickou, s dynamickým rozdělením a numericky optimalizovanou TSF. V případě analytické TSF, jak už z názvu vyplývá, jsou funkce  $f_{rise}(\theta)$  a  $f_{dec}(\theta)$  popsány analytickými funkcemi, nejčastěji se jedná o lineární, sinusovou, kubickou a exponenciální funkci. Jejich popis včetně průběhů rozdělení momentu jsou znázroněny v tab. 3.1 [16].



**Tabulka 3.1:** Matematický a grafický popis lineární, sinusové a exponenciální TSF (založeno na [15])

#### 3.3.1 Hybridní TSF

Kvalita regulace závisí na schopnosti proudu ve fázi sledovat žádanou hodnotu. Před zarovnáním pólů je indukčnost dané fáze malá a proud je schopen sledovat žádanou hodnotu, problém nastává v oblasti zarovnávání pólů, ve které je indukčnost velká. V takovémto případě proud není schopen sledovat žádanou 3. Řízení SRM

hodnotu, klesá pomaleji, než je požadováno, a tím pádem dochází k většímu zvlnění momentu. Na základě popsaného problému byla vyvinuta hybridní metoda TSF [17].

Hybridní metoda využívá v oblasti $\theta_{\rm off} \leq \theta < \theta_{\rm off} + \theta_{\rm ov}$ (tj. při poklesu momentu) jednu z popsaných analytických funkcí. V oblasti $\theta_{\rm on} \leq \theta < \theta_{\rm on} + \theta_{\rm ov}$ (tj. při růstu momentu) je žádaný moment dán

$$M_k^*(\theta) = M^* - M_{k-1}, \tag{3.9}$$

kde  $M_{k-1}$  je skutečný moment generovaný k-1 fází. Chyba, která vzniká neschopností proudu sledovat žádanou hodnotu k-1 fáze, je kompenzována průběhem žádnaného momentu k-té fáze. Zároveň hybridní metoda upravuje zapínací a komutační úhel podle pracovního bodu, díku tomu lze tak dosáhnout menšího zvlnění momentu a vyšší účinnosti při vyšších otáčkách stroje [17].

#### 3.3.2 TSF s dynamickým rozdělením

TSF s dynamickým rozdělením opět využívá skutečnosti lepší schopnosti sledování žádané hodnoty proudu fáze, která se nachází na začátku vedení (příchozí fáze), nebot má menší indukčnost než fáze nacházející se na konci oblasti vedení (odchozí fáze). V případě, že skutečný moment je menší než žádaný v oblasti komutace fází, ke zvýšení momentu je snaha využít příchozí fázi a proud v odchozí fázi ponechat na konstantní hodnotě. V případě většího skutečného momentu než žádaného, se ke snížení momentu v prvním kroku využívá odchozí fáze. Logika rozdělení žádaného momentu v oblasti komutace je znázorněna na obr. 3.6 [18].



**Obrázek 3.6:** Diagram pro určení výpočtu momentu metody TSF s dynamickým rozdělením

Dynamická TSF umožňuje dosáhnout rychlejší demagnetizace odchozí fáze, zároveň na základě proudového omezení jedné fáze upravuje žádanou hodnotu momentu druhé fáze. Umožňuje dosáhnout menšího zvlnění momentu v oblasti komutace [18].

#### **3.4** Direct instantaneous torque control

Řídící strategie DITC (direct instantaneous torque control) umožňuje řídit moment přímo, nikoliv pomocí proudu, jako je tomu v případě uvedených řídících stretegií ATC a TSF. Základem řízení je hysterézní regulátor a spínací tabulka, která generuje spínací signály pro měnič. Blokové schéma je znázorněno na obr. 3.7 [19].



Obrázek 3.7: Blokové schéma řízení DITC

Označíme-li stavy jedné fáze podle aplikovaného napětí pomocí měniče, jako S = 1 pro  $+U_{\rm DC}$ , S = 0 pro nulové napětí a S = -1 pro  $-U_{\rm DC}$ . Splňuje-li podmínku vedení  $\theta_{\rm on} \leq \theta_k \leq \theta_{\rm off}$  pouze jedna fáze, kde  $\theta_k$  je elektrický úhel k-té fáze, moment stroje je řízen pomocí této jedné fáze a to střídáním stavů 1 a 0. V oblasti komutace, dvě fáze splňují současně podmínku vedení, se moment stroje řídí střídáním stavů obou dvou fází a jsou využita dvě hysterézní pásma pro řízení [19].

Pokud se v oblasti komutace skutečný moment pohybuje ve vnitřním hysterézním pásmu, je moment řízen pomocí příchozí fáze. Dosáhne-li však skutečný moment hranici vnějšího hysterézního pásma, k řízení momentu se využívá i odchozí fáze, pomocí které je snaha navrátit moment do vnitřního hysterézního pásma. Spínací tabulka 3.2 uvádí přípustné stavy podle podmínky vedení jednotlivých fází [19].

Na obr. 3.8 je zobrazen průběh momentu v oblasti komutace včetně aplikovaných stavů na jednotlivé fáze. Jestliže se moment pohybuje ve vnitřním hysterézním pásmu, nachází se odchozí fáze v nulovém stavu a příchozí fáze střídá stavy 1 a 0. V okamžiku dosažení dolní hranice vnějšího hysterézního pásma lze moment zvýšit pouze nabuzením odchozí fáze. V případě dosažení horní hranice vnějšího hysterézního pásma je dosaženo snížení momentu

demagnetizací odchozí fáze, neboť tato fáze bude ukončovat své vedení a není tím pádem vhodné demagnetizovat příchozí fázi [19].

způsobilost vedení fází			přípustné stavy fází		
k-1	k	k+1	k-1	k	k+1
0	0	0	х	х	x
1	0	0	1 0	x	x
1	1	0	1 0 -1	1 0	x
0	1	0	-1 x	1 0	x
0	1	1	x	1 0 -1	1 0
0	1	1	x	-1 x	10

**Tabulka 3.2:** Přípustné stavy sepnutí jednotlivých fází, podle jejich způsobilosti vedení [19]

Kvalita řízení v případě DITC závisí na přesnosti určení skutečné hodnoty momentu, který je nejčastěji získáván pomocí look-up table. Moment lze určit na základě měření proudů a polohy rotoru, tabulka je poté ve formě  $M(i, \theta)$ . Zde jsme většinou omezeni přesností určení polohy rotoru. Druhou možností je určení skutečné hodnoty momentu pomocí tabulky  $M(i, \Phi)$ . Hodnotu toku lze určit z rovnice (2.1) měřením proudu a napětí. Kromě přímého měření napětí lze také využít znalosti spínacích signálů pro měnič a velikosti stejnosměrného napětí  $U_{\rm DC}$ , kterým je napájen měnič [19].



**Obrázek 3.8:** Zjednodušený průběh momentu během komutace spolu se spínacími stavy komutujících fází (založeno na [19])

Maximální dosažitelný moment stroje je v nízkých otáčkách omezen převážně tepelnými poměry ve stroji a maximální hodnotou proudu měniče. Při vyšších otáčkách je maximální dosažitelný moment omezen velikostí indukovaného napětí a napájecího napětí měniče. Nevýhodou DITC je neříditelná spínací frekvence, která je závislá na nastavených šířkách hystrézních pásem a pracovním bodu stroje [19].

#### 3.4.1 Optimalizované DITC

Optimalizovaná metoda DITC představená v [20] umožňuje snížení zvlnění momentu a zvýšení účinnosti stroje pomocí upravené logiky spínání a dynamickému řízení zapínacího a vypínacího úhlu během každého elektrického cyklu. Při vedení jedné fáze dochází ke střídání stavů 1 a 0, jestliže se skutečná hodnota momentu pohybuje ve vnitřním hysterézním pásmu. Pokud však moment dosáhne horní hranice vnějšího hysterézního pásma je využit demagnetizační stav, tj. stav -1 [20].

Rozlišují se dva pracovní stavy v oblasti komutace, a to pracovní stav I, pokud zapínací úhel  $\theta_{on}$  příchozí fáze je před vypínacím úhlem  $\theta_{off}$  odchozí fáze ve směru rotace. Pracovní stav II nastává, pokud zapínací úhel  $\theta_{on}$ příchozí fáze je za vypínacím úhlem  $\theta_{off}$  odchozí fáze. Jednotlivé pracovní stavy komutace jsou znázorněny na obr. 3.9, zároveň je zde rozdělena komutační oblast do dalších dvou podoblastí, podle kterých je určena logika spínání jednotlivých fází [20].



**Obrázek 3.9:** Pracovní oblasti komutace (a) I a (b) II podle úhlu zapnutí a vypnutí [20]

V případě pracovního stavu I v oblasti komutace i je příchozí fáze trvale buzena a moment stroje je řízen pomocí odchozí fáze střídáním stavů 1, 0 a -1 podle velikosti skutečného momentu a nastaveného hysterézního pásma. V oblasti komutace ii je odchozí fáze trvale udržováná v demagnetizačním stavu a moment je řízen příchozí fází střídáním stavů 1, 0 a -1 [20]. Jestli-že se motor nachází v pracovním stavu II, odchozí fáze je udržována v demagnetizačním stavu v obou dvou regionech 1 a 2, jak je vyznačeno na obr. 3.9 (b). Příchozí fáze je v oblasti 1 nevyužita, až v oblasti 2 se využívá k řízení momentu střídáním stavů 1, 0, -1. Hysterézní pásma pro jednotlivé pracovní stavy jsou uvedeny na 3.10 [20].



Obrázek 3.10: Hyterézní pásma pro jednotlivé oblasti komutace (založeno na [20])

Úhel vypnutí  $\theta_{\text{off}}$  se v každém elektrickém cyklu upravuje na základě okamžiku poklesu fázového proudu na nulu. Je stanovena oblast elektrického úhlu od  $\theta_{\text{end1}}$  do  $\theta_{\text{end2}}$ , která odpovídá okolí maxima indukčnosti v závislosti na elektrickém úhlu. Změna indkučnosti je malá, tím pádem i generovaný kladný nebo záporný moment je malý [20].

Úhel vypnutí se upravuje na základě řídícího vývojového diagramu na obr. 3.12. Pokud fázový proud poklesne na nulu v oblasti od  $\theta_{end1}$  do  $\theta_{end2}$ , vypínací úhel  $\theta_{off}$  se zachovává. Poklesne-li fázový proud na nulu před nebo za stanovenou oblastí, dochází ke korekci vypínacího úhlu podle uvedených vztahů, kde  $\omega$  je elektrická úhlová rychlost,  $k_{off1}$  a  $k_{off2}$  jsou proporcionální konstanty. Fázový proud dosahuje nuly v oblasti maxima průběhu indukčnosti a je tím pádem lépe využita oblast s kladnou změnou indukčnosti v závislosti na elektrickém úhlu, ve které je možné generovat kladný moment [20].

Pro zmenšení zvlnění točivého momentu a schopnost sledovat žádanou hodnotu momentu je korigován úhel zapnutí  $\theta_{on}$ , na základě regulační odchylky momentu v oblasti komutace. Řídící vývojový diagram korigující úhel zapnutí je znázorněn na obr. 3.11. Pokud velikost kladné regulační odchylky momentu je větší než velikost záporné regulační odchylky (skutečný moment je značně menší než žádaná hodnota momentu), je nutné zmenšit zapínací úhel, aby do-
šlo k rychlejšímu nabuzení fáze. Zároveň s rostoucí rychlostí stroje se zkracuje čas pro dostatečné nabuzení fáze. Vztahy pro korekci zapínacího úhlu jsou uvedeny ve vývojovém diagramu, kde  $k_{on1}$  a  $k_{on2}$  jsou konstanty [20].



**Obrázek 3.11:** Řídící vývojový diagram pro korekci úhlu vypnutí (založeno na [20])

3. Řízení SRM 🔹



**Obrázek 3.12:** Řídící vývojový diagram pro korekci úhlu zapnutí (založeno na [20])

## 3.5 Direct torque control

Metoda řízení DTC (Direct torque control) spínaného reluktančního motoru vychází ze stejné filozofie jako v případě přímého řízení momentu AM, tj. odděleně řídit přímo moment a magnetický tok stroje. Vztah mezi momentem a magnetickým tokem lze v oblasti nasycení aproximovat vztahem

$$M \approx i \frac{\partial \Phi}{\partial \theta}.$$
 (3.10)

Moment stroje je tím pádem přibližně dán velikostí proudu a parciální derivací magnetického toku podle elektrického úhlu. Zároveň u SRM protéká proud fází pouze jedním směrem, zda motor bude generovat kladný nebo záporný moment závisí na růstu nebo poklesu magnetického toku v závislosti na elektrickém úhlu [21].

Zavedeme-li prostorový vektor magentického toku  $\underline{\Phi_s}$  v souřadnicovém systému  $\alpha\beta$  spojeného se statorem, přičemž osa  $\alpha$  je totožná s osou první fáze. Složky vektoru statorového toku  $\underline{\Phi_{\alpha}}$  a  $\underline{\Phi_{\beta}}$  lze pro třífázový stroj se šesti

• • • 3.5. Direct torque control

statorovými póly určit

$$\Phi_{\alpha} = \Phi_1 - \Phi_2 \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) - \Phi_3 \cos\left(\frac{\pi}{3}\right), \qquad (3.11)$$

$$\Phi_{\beta} = \Phi_2 \sin\left(\frac{\pi}{3}\right) - \Phi_3 \sin\left(\frac{\pi}{3}\right), \qquad (3.12)$$

kde  $\Phi_1$ ,  $\Phi_2$  a  $\Phi_3$  jsou magnetické toky jednotlivých fází. Velikost vektoru magnetického toku a úhel  $\delta$  svírající s osou  $\alpha$  se získají [21]

н.

$$|\underline{\Phi}_{\mathbf{s}}| = \sqrt{\Phi_{\alpha}^2 + \Phi_{\beta}^2},\tag{3.13}$$

$$\delta = \arctan\left(\frac{\Phi_{\beta}}{\Phi_{\alpha}}\right). \tag{3.14}$$

Podobně jako u přímého řízení momentu AM, u kterého se rotorový tok mění s určitou časovou konstantou při změně statorového toku, lze obdobný vztah odvodit i v případě přímého řízení momentu SRM, u kterého se mění proud s určitou časovou konstantou při změně statorového magnetického toku. Motor bude generovat kladný moment, pokud se vektor magnetického toku bude nacházet před referenční osou rotoru, přičemž tato refernční osa je souhlasná s osou pólu rotoru. Pokud bude vektor magnetického toku za referenční polohou rotoru, motor bude generovat záporný moment [21].



Obrázek 3.13: Napěťové vektory pro řídící strategii DTC (založeno na [21])

Pro jednu fázi SRM lze zavést stav 1, resp. 0, resp. -1 podle aplikovaného napětí  $+U_{\rm DC}$ , resp. 0, resp.  $-U_{\rm DC}$  pomocí AHB. Lze tak docílit 27 možných kombinací sepnutí pro třífázový motor, avšak v případě DTC se využívá pouze šest kombinací sepnutí, kterým odpovídá šest základních napěťových



Obrázek 3.14: Blokové schéma řízení DTC

vektorů stejné velikosti. Napěťové vektory se nacházejí ve středu sektorů, které jsou vymezeny osami jednotlivých fází [21].

Řízení magnetického toku vychází ze zjednodušené vektorové napěťové rovnice

$$\Phi_{\rm s}(t + \Delta t) \approx \underline{\Phi}(t) + \underline{u}\Delta t, \qquad (3.15)$$

kde  $\underline{u}$  je aplikovaný napěťový vektor. Polohu vektoru magnetického toku řídíme vhodným spínáním základních napěťových vektorů. Základem řízení jsou dva hysterézní regulátory pro velikost vektoru magnetického toku a velikost momentu. Blokové schéma řízení je znázorněno na obr. 3.14. Během řízení je snaha podobně jako u klasického DTC asynchronního motoru udržovat magnetický tok stroje konstantní. Na základě hysterézních regulátorů, které generují informaci o požadavku na zvýšení nebo snížení momentu či velikosti vektoru magnetického toku a na základě informace o poloze vektoru magnetického toku se pomocí spínací tabulky generují příslušné řídící signály pro měnič [21].

**Tabulka 3.3:** Spínací tabulka napěťových vektorů pro k-tý sektor podle požadavku na zvýšení nebo snížení momentu a velikosti vektoru magnetického toku [21]

$M \Uparrow$ , $ \underline{\Phi_s}  \Uparrow$	$M \Uparrow,  \underline{\Phi_{s}}  \Downarrow$	$M \Downarrow,  \underline{\Phi}_{\mathbf{s}}  \Uparrow$	$M \Downarrow,  \underline{\Phi_{s}}  \Downarrow$
$V_{k+1}$	$V_{k+2}$	$V_{k-1}$	$V_{k+2}$

Moment stroje je možné měřit přímo nebo jej určit na základě změřené závislosti  $M(\theta, i)$ . Magnetické toky jednotlivých fází se vypočítají z rovnice 2.1 na základě měření proudů a aplikovaných napětí [21].

# **3.6** Optimalizace úhlu zapnutí a vypnutí

Jednou z možností určení optimálního úhlu zapnutí a vypnutí SRM je pomocí účelové funkce. Sledovanými parametry mohou být například účinnost stroje  $\eta$ , zvlnění momentu  $M_{\rm rip}$  nebo Jouleovy ztráty ve vinutí  $\Delta P_{\rm J}$ . Pomocí účelové funkce lze setrojit look-up table, která umožňuje získat optimální úhel zapnutí a vypnutí pro určitý pracovní bod, a to na základě simulace či měření na již hotovém stroji [22].

Pro danný pracovní bod se mění s určitým krokem úhel zapnutí od  $\theta_{\text{on,min}}$ do  $\theta_{\text{on,max}}$ , pro každý úhel zapnutí se opět s určitým krokem mění úhel vypnutí od  $\theta_{\text{off,min}}$  do  $\theta_{\text{off,max}}$ . V daném pracovním bodě se pro každou kombinaci úhlu zapnutí a vypnutí změří sledované veličiny, pomocí kterých je možné sestrojit účelovou funkci a určit tak optimální úhly

$$F(\theta_{\rm on,opt}, \theta_{\rm off,opt}) = \min\left(p\frac{M_{\rm rip}}{M_{\rm rip,b}} + q\frac{\eta_{\rm b}}{\eta}\right),\tag{3.16}$$

kde p a q jsou koeficienty určující důležitost sledované veličiny a pro které platí p + q = 1. Zároveň  $M_{\rm rip,b}$ , resp.  $\eta_{\rm b}$  představuje nejmenší změřené zvlnění momentu, resp. největší změřenou účinnost ze všech kombinací úhlu zapnutí a vypnutí pro sledovaný pracovní bod. Dále  $M_{\rm rip}$ , resp.  $\eta$  je změřené zvlnění momentu, resp. změřená účinnost v daném pracovním bodě pro všechny kombinace úhlů zapnutí a vypnutí [22].

# Kapitola 4

# Implementace modelu řízení SRM

V rámci této kapitoly budou uvedeny implementační kroky pro sestavení modelu řízeného SRM v prostředí MATLAB/Simulink R2021b. Jednou z možností realizace modelu spínaného reluktančního motoru je využitím nadstavby Simscape, která obsahuje samostatný blok SRM. Druhou možností je sestavení signálového modelu SRM v základním prostředí Simulink. DITC byla zvolena jako řídící strategie pro SRM. Strategie je popsána v kapitole 3.4.

# 4.1 Parametry simulovaného stroje

Parametry simulovaného stroje byly převzaty z [2]. Jedná se o třífázový 12/8 SRM, základní parametry jsou uvedeny v tabulce 4.1. Jmenovitý výkon, otáčky a napětí simulovaného stroje nejsou v [2] uvedeny. Dále byla převzata závislost magnetického toku  $\Phi = f(\theta, i)$  a momentu stroje  $M = f(\theta, i)$  pro elektrický úhel od 0° do 360° s krokem 3° a proud od 0 A do 20 A s krokem 2 A. Hodnoty magnetického toku a momentu jsou uvedeny v příloze C, přičemž  $\theta = 0^\circ$  odpovídá nezarovnané pozici rotorového a statorového pólu a  $\theta = 180^\circ$  odpovídá zarovnané pozici.

$i_{ m max}$	R	J	$N_{ m s}/N_{ m r}$
20 A	$0,2117~\Omega$	$0,005 \mathrm{kg} \cdot \mathrm{m}^2$	12/8

Tabulka 4.1: Základní parametry simulovaného SRM



.

**Obrázek 4.1:** Graf závislosti magnetického toku na elektrickém úhlu a proudu simulovaného SRM



**Obrázek 4.2:** Graf závislosti momentu na elektrickém úhlu a proudu simulovaného SRM

# 4.2 Model SRM v Simscape

Nadstavba Simscape obsahuje pro modelování SRM dva bloky, pro třífázový stroj blok *Switched Reluctance Machine* a pro čtyřfázový nebo pětifázový stroj blok *Switched Reluctance Machine (Multi-Phase)*. Jelikož v rámci této diplomové práce je simulován třífázový stroj, je v následujícím textu uvedeno nastavení bloku *Switched Reluctance Machine*.



**Obrázek 4.3:** Nastavení bloku SRM v Simscape a formát tabulky magnetického toku

Blok umožňuje zadat počet pólů rotoru a činný odpor jedné fáze, nastavení bloku pro simulovaný SRM je uvedeno na obr. 4.3. Magnetické vlastnosti stroje byly specifikovány pomocí závislosti  $\Phi = f(\theta, i)$  ve formě tabulky. Blok počítá s takovým výchozím stavem, ve kterém je pól rotoru dokonale zarovnán s pólem statoru fáze A. Tím pádem matice magnetického toku musí být uspořádána tak, aby první sloupec matice odpovídal magnetickému toku v zarovnané pozici. Zároveň matice musí být cyklická, tj. první a poslední sloupec musejí být identické. Dále je nutné přepočítat elektrický úhel na mechanický, pro který platí  $\theta_{mech} = \theta/N_r$ .

Jednoduché schéma zapojení pro ověření funkčnosti modelu SRM je znázorněno na obr. 4.4. Správnou funkčnost bloku lze ověřit různými kombinacemi nabuzení jednotlivých fází. Například u 12/8 SRM při nabuzení fáze A by se rotor neměl pootočit, nabuzením fáze B, resp. C se rotor musí pootočit o mechanický úhel  $-15^{\circ}$ , resp.  $+15^{\circ}$ , pokud uvažujeme kladný směr rotace v protisměru hodinových ručiček a zároveň je ve stejném směru uvažován sled fází A,B,C.

4. Implementace modelu řízení SRM • •



Obrázek 4.4: Schéma zapojení pro ověření funkčnosti modelu SRM v Simscape

# 4.3 Signálový model SRM

Druhou možností modelování SRM je pomocí signálového modelu využitím základních bloků v Simulinku. Model SRM je realizován jako subsystém, jehož vstupy jsou signály napětí jednotlivých fází  $u_{\rm A}$ ,  $u_{\rm B}$ ,  $u_{\rm C}$  a moment zátěže  $M_{\rm z}$ . Výstupem subsystému jsou fázové proudy  $i_{\rm A}$ ,  $i_{\rm B}$ ,  $i_{\rm C}$ , mechanická úhlová rychlost  $\Omega$  a mechanický úhel  $\theta_{\rm mech}$ .

Model jedné fáze SRM vychází z napěťové rovnice 2.1, kterou lze upravit do tvaru

$$\frac{\mathrm{d}\Phi(\theta,i)}{\mathrm{d}t} = u - Ri. \tag{4.1}$$

Základem je integrační blok, který vypočítává velikost magnetického toku jedné fáze na základě rozdílu aplikovaného napětí na fázi a úbytku napětí na činném odporu. Velikost proudu protékající modelovanou fází se určí pomocí look-up table, která udává závislost  $i = f(\theta, \Phi)$ . Moment generovaný fází stroje je určován na základě převzatých dat momentu opět ve formě look-up table. Blokové schéma modelu jedné fáze stroje je uvedeno na obr. 4.5.

Závislost  $i = f(\theta, \Phi)$  lze získat ze znalosti hodnot magnetického toku v závislosti na elektrickém úhlu a proudu. Pro tabulku elektrického proudu byl zachován vektor elektrického úhlu, rozměr sestrojeného vektoru magnetického toku byl zvolen stejný jako rozměr vektoru elektrického úhlu. Tím pádem výsledná matice elektrického proudu bude čtvercová. Hodnoty vektoru magnetického toku byly zvoleny rovnoměrně od 0 Wb do  $\Phi_{\text{max}}$ , odpovídající největší hodnotě z dat magnetického toku. Matice proudu byla sestavena postupně pro

jednotlivé hodnoty elektrického úhlu pomocí interpolace dat  $(\Phi, i)_{\theta = \text{konst.}}$  z tabulky magnetického toku. Hodnoty proudů odpovídající magnetickému toku mimo rozsah interpolace se získaly extrapolací přímkou posledních třech bodů z dat tabulky magnetického toku. To jest extrapolací bodů  $(\Phi_{n-2,k}, i_{n-2})$ ,  $(\Phi_{n-1,k}, i_{n-1})$ ,  $(\Phi_{n,k}, i_n)$  z tabulky magnetického toku pro k-tou hodnotu elektrického úhlu, kde n je rozměr vektoru proudu.



Obrázek 4.5: Schéma zapojení jedné fáze SRM signálového modelu

Veškeré tabulky obsahují data pro jeden elektrický cyklus, tím pádem vypočtený elektrický úhel z mechanického úhlu je nutné upravit blokem *Mod* (zbytek po dělení 360). Elektrické cykly ostatních fází třífázového stroje jsou posunuty o elektrický úhel 120°.

Výsledný moment stroje je dán součtem generovaných momentů jednotlivých fází. Výpočet mechanické úhlové rychlosti vychází z pohybové rovnice

$$M - M_{\rm z} = J \frac{\mathrm{d}\Omega}{\mathrm{d}t},\tag{4.2}$$

kde J je moment setrvačnosti stroje. Blokové schéma zapojení reprezentující pohybovou rovnici je znázorněno na obr. 4.6. Pro dosažení stejného výchozího stavu jako v případě modelu v Simscape, tj. pól statoru fáze A je dokonale zarovnán s pólem rotoru, je nutné k elektrickému úhlu přičíst 180°, neboť v uvedených tabulkách odpovídá elektrický úhel 180° dokonale zarovnané poloze.

4. Implementace modelu řízení SRM 🛛



Obrázek 4.6: Schéma zapojení pohybové rovnice signálového modelu

# 4.4 Porovnání Simscape modelu a signálového modelu

Správná funkčnost sestavených modelů byla testována vyhodnocením odezvy na nabuzení jednotlivých fází nezatíženého stroje. V případě Simscape modelu byl použit řešič daessc s maximálním krokem  $10^{-6}$  s, relativní tolerancí  $10^{-4}$  a v případě signálového modelu se jendalo o řešič ode4 s krokem  $10^{-6}$  s. Rotor SRM u obou modelů se při nabuzení jednotlivých fází pootočil správně. Nabuzením fáze A rotor zůstal stát, nabuzením fáze B, resp. C se rotor otočil o úhel  $-15^{\circ}$ , resp.  $+15^{\circ}$ .

Na obr. 4.7 je znázorněno porovnání obou modelů při nabuzení fáze C napětím 3 V. Odezva je v obou případech velmi podobná, rotor kmitá kolem rovnovážné polohy  $\theta_{mech} = 15^{\circ}$  a tomu také odpovídá průběh momentu. Moment vyznačený modrou křivkou představuje moment generovaný blokem SRM v Simscape modelu, zelená křivka je moment určený na základě tabulky z proudů a elektrických úhlů jednotlivých fází v Simscape modelu a červená křivka představuje moment generovaný sestaveným signálovým modelem.

Detailní pohled na průběh momentů je uveden na obr. 4.8. Moment generovaný blokem SRM Simscape modelu není hladký v porovnání s momentem (zelená křivka) určeným z tabulky na základě shodných proudů a elektrických úhlů. Blok SRM v Simscape modelu vypočítává moment stroje na základě dat magnetického toku a výpočet nelze nikterak ovlivnit. Na základě uvedených nedostatků bloku SRM bylo přistoupeno k sestavení modelu řízení SRM pomocí signálového modelu.

Na vyobrazených průbězích momentu a mechanického úhlu lze pozorovat určitý fázový posuv mezi průběhy ze Simscape modelu a signálového modelu. Fázový posuv mechanického úhlu je zřejmý převážně na konci vyobrazeného

časového průběhu na obr. 4.7. Jednou z příčin může být právě rozdíl generovaného momentu modelu motoru v Simscape a v signálovém modelu. Výchozí stav je v obou případech stejný. Rozdílný moment je patrný i na začátku simulace na obr. 4.7.



**Obrázek 4.7:** Porovnání otáček a momentu modelu SRM v Simscape a signálového modelu



**Obrázek 4.8:** Detail porovnání momentu modelu SRM v Simscape a signálového modelu

## 4.5 Model měniče

Model AHB je opět realizován jako subsystém, jehož vstupy jsou řídící signály nabývající hodnot 1,0 a -1, které odpovídají napětí na výstupu měniče  $+U_{\rm DC}$ , 0 a  $-U_{\rm DC}$ . Dalším vstupem do měniče je velikost napájecího napětí  $U_{\rm DC} = 150$  V. V [2], odkud jsou převzaty parametry modelovaného stroje, není uvedeno jmenovité napětí, pouze jsou uvedeny hodnoty napětí, při kterých byl prezentován princip funkčnosti modelu stroje. Největší aplikované napětí v [2] je 300 V. Tato hodnota napětí vedla k příliš prudkému nárůstu proudu nad maximální hodnotu během jedné periody Třídícího počítače v úseku počátku vedení fáze, ve které je indukčnost fáze malá. Tím pádem na základě ladění a testování modelu řízeného SRM bylo napájecí napětí měniče sníženo na hodnotu 150 V.

Dalšími vstupy do subsystému měniče jsou fázové proudy z důvodu simulace diod v AHB. Během odbuzování fáze stroje, při kterém je na fázi aplikované záporné napětí, proud klesá. Při poklesu proudu na nulovou hodnotu dochází k uzavření diod a napětí na fázi je nulové. Z takovéhoto důvodu je nutné zavést do měniče fázové proudy, u kterých se sleduje pokles proudu na nulovou hodnotu a následně dochází ke generování nulového napětí. Jelikož řešič pracuje s konečnou velikostí kroku, změna napětí z  $-U_{\rm DC}$  na 0 nenastává v přesném okamžiku poklesu proudu na nulovou hodnotu, ale proud může



Obrázek 4.9: Schéma zapojení AHB signálového modelu

poklesnout do záporných hodnot. Aby byla simulována skutečná funkčnost idealizovaných diod v měniči, bylo nutné nastavit dolní saturaci integrátoru toku v subsystému modelu SRM na nulu.

# 4.6 Model řízení

Veškeré řízení je umístěno v bloku *Triggered subsystem*, který je aktivován s periodou  $T = 50 \ \mu s$  a představuje tak funkci řídícího počítače. Blokové schéma řízení je znázorněno na obr. 4.10. Skládá se z vnější regulační smyčky otáček a vnitřní regulační smyčky momentu. Žádaná hodnota momentu je v PI regulátoru otáček omezena na maximální možnou hodnotu, kterou je SRM schopen generovat, spolu s využitím anti-windup metody clamping.

4. Implementace modelu řízení SRM • •



Obrázek 4.10: Blokové schéma řízení

#### 4.6.1 Blok DITC

Princip bloku DITC vychází z logiky řízení popsasné v kapitole 3.4, který na základě regulační odchylky momentu a dvou hysterézních pásmech generuje příslušné řídící signály pro jednotlivé fáze. Pro možnost rotace stroje v obou směrech je nutné v bloku řízení rozlišovat polaritu žádaného momentu. Pro generování kladného momentu je nutné fázi budit v oblasti růstu indukčnosti v závislosti na elektrickém úhlu, pro generování záporného momentu v oblasti poklesu indukčnosti.

Z důvodu jednoduché implementace DITC pro kladný i záporný směr rotace a možnosti brzdění je v bloku DITC elektrický úhel pro jednotlivé fáze upraven tak, aby  $\theta = 0^{\circ}$  odpovídal dokonale zarovnané pozici statorového a rotorového pólu a  $\theta = 180^{\circ}$  nezarovnané pozici. Takto upravené elektrické úhly jsou v následujícím textu značeny jako  $\theta_{\text{posun}}$ . Zároveň uvedené řešení umožňuje zadávat i záporný zapínací úhel  $\theta_{\text{on}}$ .

Zapínací a vypínací úhel, který vstupuje do bloku řízení, se udává v hodnotách odpovídající případu, ve kterém  $\theta = 0^{\circ}$  odpovídá nezarovnané poloze. Pro další vyhodnocení v bloku řízení je nutné úhel zapnutí a vypnutí upravit podle polarity signálu žádaného momentu následovně

$$\theta_{\rm on,posun} = \begin{cases} 180^{\circ} + \theta_{\rm on}, & 0 \le M^*, \\ 180^{\circ} - \theta_{\rm on}, & 0 > M^*, \end{cases}$$
(4.3)

 $\mathbf{a}$ 

$$\theta_{\text{off,posun}} = \begin{cases} 180^\circ + \theta_{\text{off}}, & 0 \le M^*, \\ 180^\circ - \theta_{\text{off}}, & 0 > M^*. \end{cases}$$
(4.4)

Upravené úhly zapnutí a vypnutí pro kladný i záporný moment jsou znázorněny na obr. 4.11 udávajícím závislost indukčnosti na elektrickém úhlu.



**Obrázek 4.11:** Průběh indukčnosti pro jeden elektrický cyklus s upraveným elektrickým úhlem umožňující jednoduchou implementaci DITC pro oba směry rotace

Dále je nutné určit způsobilost vedení fází a zda se jedná o příchozí fázi, jejíž spínání se řídí podle vnitřního hysterézního pásma nebo odchozí fáze, řídící se podle vnějšího hysterézního pásma. V případě třífázového stroje pro generování kladného momentu musí příchozí fáze splňovat podmínku

$$\theta_{\text{on,posun}} \le \theta_{\text{posun}} \le \theta_{\text{on,posun}} + 120^{\circ}$$
 (4.5)

a odchozí fáze podmínku

$$\theta_{\rm on,posun} + 120^{\circ} < \theta_{posun} \le \theta_{\rm off,posun},$$
(4.6)

v ostatních případech se fáze nachází mimo vedení. Logika vyhodnocení stavů jednotlivých fází pro kladný žádaný moment je uvedena na obr. 4.12 a pro záporný žádaný moment na obr. 4.13.

Stavu příchozí fáze je přiřazena hodnota 1, stavu odchozí fáze je přiřazena hodnota 2, pokud se fáze nachází mimo vedení, jedná se o stav 0. Podle popsaných stavů a pomocí bloku *Multiport Switch* je fáze řízena podle vnějšího 4. Implementace modelu řízení SRM • •

nebo vnitřního hysterézního pásma nebo se nachází mimo vedení a řídící signál nabývá hodnoty -1. Schéma zapojení DITC regulátoru pro fázi A je znázorněno na obr. 4.14.



**Obrázek 4.12:** Logika vyhodnocení stavů vedení pro kladný žádaný moment



Obrázek 4.13: Logika vyhodnocení stavů vedení pro záporný žádaný moment



Obrázek 4.14: Blokové schéma realizovaného DITC regulátoru pro fázi A

#### 4.6.2 Výpočet skutečného a maximálního dosažitelného momentu

Moment generovaný strojem je určován na základě znalosti elektrických úhlů a proudů jednotlivých fází pomocí look-up table udávající závislost  $M = f(\theta, i)$ . Největší dosažitelný moment jedné fáze pro elektrický úhel  $\theta_{on} \leq \theta \leq \theta_{off}$  je dán maximální hodnotou proudu, tj. pro oblast vedení lze moment určit dle závislosti  $M_{max,on} = f(\theta, I_{max})$ .

V časovém úseku těsně po komutaci dvou fází, je fáze, která byla buzena odbuzována a danou fází stále protéká určitý eleltrický proud, a tím pádem generuje moment. Výsledný maximální moment, kterého může SRM dosáhnout, je poté dán součtem momentu odbuzované fáze  $M = f(\theta, i)$  a největším dosažitelným momentem buzené fáze  $M_{\max,on} = f(\theta, I_{\max})$ .

Pro každou fázi je určována hodnota momentu

$$M_{k,\max} = \begin{cases} f(\theta_k, I_{\max}), & \theta_{\text{on}} \le \theta_k \le \theta_{\text{off}}, \\ f(\theta_k, i_k), & \text{ostatní případ,} \end{cases}$$
(4.7)

kde k = A, B, C. Maximální dosažitelná hodnota momentu stroje, která udává omezení žádané hodnoty momentu v PI regulátoru otáček, je dána

$$M_{\rm max} = M_{\rm A,max} + M_{\rm B,max} + M_{\rm C,max}.$$
(4.8)

#### 4.6.3 Proudové omezení

Jestliže nedochází ke komutaci, ve stavu vedení je pouze jedna fáze a stroj se nachází v motorickém režimu, zavedené omezení žádaného momentu zajistí, že hodnota proudu v aktivní fázi by neměla překročit maximální hodnotu. Jelikož se řízení vyhodnocuje s konečnou periodou, proud ve fázi může přesáhnout maximální hodnotu.

Zavedené omezení momentu ve stavu komutace neumožňuje zajistit, aby nedošlo k překročení maximální hodnoty proudu v komutujících fázích. DITC rozděluje žádaný moment podle popsaného principu v kapitole 3.4 a nezohledňuje velikost proudů v komutujícíh fázích. Na základě uvedého problému bylo nutné zavést proudové omezení.

Jednou z možností proudového omezení je porovnávat skutečnou a maximální hodnotu proudu a následně podle výsledku komparace upravit řídící signály

tak, aby nedocházelo k dalšímu buzení fáze. Další možností, která byla realizována, je využití znalosti magnetizační charakteristiky a odhadu velikosti proudu v následujícím kroku řízení.

Odhad velikosti proudu vychází z rovnice 2.6. V čase  $t_0$  bude odečtena hodnota proudu  $i_0$ , elektrického úhlu  $\theta_0$  a elektrické úhlové rychlosti  $\omega_0$ . Elektrickou úhlovou rychlost lze za jednu periodu  $T = 50 \ \mu s$  považovat za konstantní. Zároveň je možné určit velikost indukčnosti a její derivace podle elektrického úhlu v čase  $t_0$ . Označíme-li  $k = \omega_0 dL / d\theta$ , potom lze rovnici 2.6 upravit do tvaru

$$\frac{u}{R+k} = i + \frac{L}{R+k} \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}.$$
(4.9)

Jedná se tím pádem o lineární obyčejnou diferenciální rovnici, kterou lze analyticky řešit. Obecné řešení diferenciální rovnice je

$$i(t) = \frac{u}{R+k} + ae^{-\frac{t}{\tau}},$$
 (4.10)

kde  $\tau = L/(R+k)$ aa je konstanta závislá na počáteční podmínce. Pro počáteční podmínku  $i(t_0) = i_0$ získáme

$$a = \frac{i_0 - \frac{u}{R+k}}{e^{-\frac{t_0}{\tau}}},$$
(4.11)

potom velikost proudu v následujícím kroku se vypočte

$$i(t_0 + T) = \frac{u}{R+k} + a e^{-\frac{t_0 + T}{\tau}}.$$
(4.12)

Pro určení velikosti proudu v následujícím kroku je za indkučnost a její derivaci podle elektrického úhlu dosazována průměrná hodnota v bodech ( $\theta_0$ ,  $i_0$ ) a ( $\omega_0 T$ ,  $i_0$ ). Hodnoty indukčnosti  $L(\theta, i)$  byly získány z dat magnetického toku  $\Phi(\theta, i)$  podle statické definice indukčnosti a následně byla vypočtena její derivace podle elektrického úhlu pomocí Savitzky-Golay filtru. Pro výpočet hodnot derivace indukčnosti byly použity koeficienty Savitzky-Golay filtru z [23] pro první derivaci a šířku okna devět. Hodnota derivace pro *j*-tou hodnotu elektrického úhlu se určila podle následujícího vzorce

$$y'_{j} = \frac{1}{60\Delta\theta} \left( -4y_{j-4} - 3y_{j-3} - 2y_{j-2} - y_{j-1} + y_{j+1} + 2y_{j+2} + 3y_{j+3} + 4y_{j+4} \right)$$

$$(4.13)$$

kde  $\Delta \theta = 3^{\circ}$ . Hodnoty indukčnosti a její derivace podle elektrického úhlu jsou ve formě tabulek, které slouží během simulace k získání hodnot L a d $L/d\theta$  pro daný elektrický úhel a proud.

Pokud se stroj provozuje v motorickém režimu, regulátor momentu požaduje buzení fáze (řídící signál nabývá hodnoty 1) a zároveň odhadovaný proud na konci periody přesahuje maximální hodnotu proudu, je řídící signál změněn na hodnotu 0, tj. fáze se bude v následující periodě nacházet v nulovém stavu. Přejde-li stroj do brzdného režimu, součin skutečných otáček a žádaného momentu je záporný a proud by opět přesáhl maximální hodnotu, je řídící signál změněn na hodnotu -1 (fáze bude v následující periodě odbuzována). Odbuzování místo nulového stavu v brzdném režimu je zavedeno z důvodu indukovaného napětí, které by v nulovém stavu způsobilo nabuzení fáze a růst proudu nad maximální hodnotu.

Na obr. 4.15 je znázorněno schéma zapojení proudového omezení pro fázi A. V bloku *Odhad velikosti proudu v následujícím kroku* je realizována rovnice 4.11 a 4.12 spolu s uvedeným průměrováním indukčnosti a její derivace podle elektrického úhlu pro aktuální a následující polohu rotoru.



Obrázek 4.15: Schéma zapojení proudového omezení pro fázi A

# Kapitola 5

# Výsledky simulace modelu řízeného SRM

V této kapitole bude demonstrována funkčnost sestaveného modelu řízeného SRM v Simulinku na základě průběhů vybraných veličin spolu s hodnocením implementovaného DITC. Pro simulaci byl použit řešič ode4 s pevným krokem  $10^{-6}$  s. Prezentované průběhy veličin jsou výslekdy simulace, která je charakterizovaná následujícími časovými okamžiky:

- v t = 0 s zadán požadavek na rozběh nezatíženého SRM na 2 000 ot/min,
- v t = 0, 3 s je stroj zatížen momentem 3 Nm,
- v t = 0,5 s zadán požadavek na 1 000 ot/min.

Konstanty PI regulátoru otáček, šířky hysterézních pásem a úhel zapnutí a vypnutí byly získány na základě experimentálního ladění pro dosažení co nejlepších výsledků regulace a nejmenšího zvlnění momentu. Jelikož je veškeré řízení umístěno v *Triggered subsystem*, je PI regulátor otáček diskrétní a pracuje s nastavenou *Forward Euler* metodou integrace. Proporcionální složka regulátoru otáček byla nastavena na hodnotu 2 a integrační složka na hodnotu 80. Šířka vnitřního hysterézního pásma byla zvolena  $\pm 0, 3$  Nm a vnějšího hysterézního pásma  $\pm 0, 4$  Nm. Nejmenšího zvlnění momentu bylo dosaženo při  $\theta_{\rm on} = 30^{\circ}$  a  $\theta_{\rm off} = 170^{\circ}$ .

# 5.1 Průběhy veličin ověřující funkčnost řízení a modelu SRM

Na obr. 5.1 je znázorněn průběh skutečných a žádaných otáček. Simulovaný SRM je schopen se rozběhnout na 2 000 ot/min do 0, 2 s. Krátká doba rozběhu je dána převážně tím, že je motor rozbíhán nezatížený (moment zátěže je nulový) a je uvažován pouze moment setrvačnosti SRM. V čase 0, 3 s je patrný vliv zatížení, který se projeví mírným krátkodobým poklesem skutečných otáček.

Obr. 5.2 zobrazuje průběh skutečného momentu generovaného SRM a žádaného momentu, který je výstupem z PI regulátoru otáček. V čase t = 0, 5 s je zadán požadavek na snížení otáček a je tak demostrována schopnost stroje spolu s řízením generovat moment opačné polarity, tj. brzdit. Zároveň je možné pozorovat větší zvlnění momentu v ustáleném stavu při 2 000 ot/min než při 1 000 ot/min. Vlivem konečné vzorkovací periody simulovaného řídícího počítače, je možné regulační smyčku při nižších otáčkách vyhodnotit vícekrát za jeden elektrický cyklus než při vyšších otáčkách a je tak dosaženo menšího zvlnění momentu.

Na obr. 5.3 jsou znázorněny časové průběhy jednotlivých fází. Na obr. 5.4 je vynesena závislost magnetického toku na elektrickém proudu pro jeden elektrický cyklus při rozběhu, a poté v ustáleném stavu při 1 000 ot/min. Plocha obepnutá vyznačenými křivkami odpovídá změně koenergie během jednoho elektrického cyklu, tím pádem i velikosti momentu. Plocha vymezená modrou křivkou (rozběh) je vetší než plocha vymezená červenou křivkou (ustálený stav). Tomu odpovídá velikost generovaného momentu, který je při rozběhu větší než v ustáleném stavu.



Obrázek 5.1: Časový průběh skutečných a žádaných otáček



Obrázek 5.2: Časový průběh momentu generovaného SRM a momentu zátěže



Obrázek 5.3: Časový průběh fázových proudů



**Obrázek 5.4:** Závislost magnetického toku na proudu během jednoho elektrického cyklu při rozběhu a v ustáleném stavu při 1 000 ot/min

# 5.1.1 Detail průběhů veličin ověřující funkčnost řízení a modelu SRM

Na obr. 5.5 je znázorněn detailní pohled na průběhy proudů jedntlivých fází v ustáleném stavu při 1 000 ot/min. Fáze jsou buzeny postupně v pořadí A, C, B, A a tomu také odpovídají momenty generované jednotlivými fázemi na obr. 5.6. Momenty generované jednotlivými fázemi dosahují krátkodobě i záporného momentu na konci vedení, to je dáno protékajícím proudem, který nestihl poklesnout na nulovou hodnotu před dosažením zarovnané pozice rotorového a statorového pólu. Detailní pohled na celkový moment generovaný strojem je na obr. 5.7.



.

Obrázek 5.5: Detail časových průběhů fázových proudů



**Obrázek 5.6:** Detail časových průběhů momentů generovaných jednotlivými fázemi



**Obrázek 5.7:** Detail časového průběhu momentu generovaného SRM a momentu zátěže

## 5.2 Ověření funkčnosti DITC regulátoru

Pro prezentování správné funkce DITC regulátoru byl vybrán ustálený stav při 1 000 ot/min se zátížením 3 Nm. Obr. 5.8 zobrazuje průběhy elektrických úhlů fáze A a C spolu s vyznačenými úhly zapnutí a vypnutí. Ve vyobrazeném časovém okamžiku dochází ke komutaci z fáze A na fázi C. Vyznačený časový interval <  $t_{\rm C,on}, t_{\rm A,off}$  > představuje oblast komutace, při které je fáze A řízena podle vnějšího hysterézního pásma a fáze C podle vnitřního hysterézního pásma.

Obr. 5.9 zachycuje regulační odchylku s hysterézními pásmy a důležitými časovými okamžiky. Jelikož se regulační odchylka vypočítává v bloku *Triggered subsystem*, její hodnota se mění po skocích a její šířka odpovídá periodě  $T = 50 \ \mu$ s. Na obr. 5.10 je ilustrován časový průběh proudů komutujících fází spolu s aplikovanými napěťovými pulsy.



**Obrázek 5.8:** Časový průběh elektrických úhlů fáze A a C v oblasti komutace



**Obrázek 5.9:** Časový průběh regulační odchylky momentu včetně hysterézních pásem v oblasti komutace

Po časovém okamžiku  $t_{C,on}$  se regulační odchylka momentu nachází ve vnitřním hysterézním pásmu a obě dvě fáze jsou v nulovém stavu. V okamžiku  $t_1$ regulační odchylka přesáhne vnitřní hysterézní pásmo a dochází tak k buzení fáze C. V následujícím kroku, tj. v čase  $t_1 + T$  regulační odchylka přesáhne vnější hysterézní pásmo a je zároveň buzena odchozí fáze A. Následně regulační odchylka klesne pod nulovou hodnotu (časový okamžik  $t_2$ ), ale stále se nachází ve vnitřním hysterézním pásmu. Tím pádem je na fázi A aplikován nulový stav a fáze C je stále buzena.

V nadcházejícím kroku ( $t_2 + T$ ) regulační odchylka přesáhne vnější hysterézní pásmo, na příchozí fázi C je aplikován nulový stav a odchozí fáze A je odbuzována po dobu dvou vzorkovacích period T. Poté regulační odchylka přesáhne nulovou hodnotu a na fázi A je aplikován nulový stav. Po časovém okamžiku  $t_{A,off}$  je fáze A trvale odbuzována a výsledný moment stroje je řízen pouze pomocí fáze C do doby následující komutace s fází B.



.

**Obrázek 5.10:** Časový průběh proudů a aplikovaných napětí fáze A a C v oblasti komutace

### 5.3 Funkce momentového omezení

Na obr. 5.11 je znázorněn průběh skutečného momentu, žádaného momentu a zavedeného momentového omezení. Maximální dosažitelný moment se mění podle polohy rotoru, způsobilosti vedení fází a proudů v jednotlivých fázích. Během rozběhu a brzdění je žádaný moment shodný s maximálním dosažitelným momentem. Skutečný moment se pohybuje v okolí žádaného momentu, jak vyplývá z principu DITC.



**Obrázek 5.11:** Časový průběh skutečného a žádaného momentu spolu se zavedeným momentovým omezením

# 5.4 Funkce proudového omezení

Funkce proudového omezení spolu s odhadem proudu v následujícím kroku je prezentováno na průbězích proudů fáze A při rozběhu a poté v ustáleném stavu při 1 000 ot/min. Obr. 5.12 zachycuje průběh proudu při rozběhu a obr. 5.13 v ustáleném stavu.

Zobrazený odhadovaný proud v následujícím kroku je určován na základě řídících signálů z DITC regulátoru. Při rozběhu v čase okolo 0,095 s je požadavek z DITC regulátoru na nabuzení fáze, avšak odhadovaný proud by značně přesáhl maximální hodnotu proudu  $i_{max}$ . Tím pádem dojde k zapůsobení proudového omezení a na fázi bude aplikován nulový stav. Bude-li přetrvávat požadavek na buzení fáze a zároveň odhadovaný proud bude menší než maximální, nedojde k zapůsobení proudového omezení a fáze bude buzena. V případě ustáleného stavu odhadovaný proud nepřesáhne maximální hodnotu, a tím pádem nedochází k působení proudového omezení.

Na prezentovaných průbězích proudů lze pozorovat určitou chybu mezi odhadovaným a skutečným proudem. Porovnávat přesnost odhadovaného a skutečného proudu lze pouze v případech, ve kterých nedochází k působení proudového omezení. V případech, kdy dochází k působení proudového omezení, je odhadovaný proud určován na základě požadavku DITC regulátoru, nikoliv na základě skutečných řídících signálů vstupujících do měniče. Na začátku vedení fáze je odhadovaný proud mírně větší než skutečný, tím pádem nedochází k maximálnímu využití fáze pro generování největšího dosažitelného momentu. Naopak na konci vedení je odhadovaný proud menší než skutečný. To vede ke krátkodobému mírnému překročení maximální hodnoty proudu. Popsaný nedostatek zavedeného proudového omezení je jednak dán zjednodušením diferenciální rovnice popisující danou problematiku a také přesností určení indukčnosti a její derivace podle elektrického úhlu.



**Obrázek 5.12:** Časový průběh skutečného a odhadovaného proudu spolu s řídícími signály z DITC regulátoru a působením proudového omezení při rozběhu



**Obrázek 5.13:** Časový průběh skutečného a odhadovaného proudu spolu s řídícími signály z DITC regulátoru a působením proudového omezení v ustáleném stavu 1 000 ot/min

#### 5.4.1 Zhodnocení modelu řízeného SRM

Výhodou DITC je jednoduchá realizace principu řízení na základě dvou hysterézních pásem a regulační odchylky momentu. Kvalita regulace závisí jednak na periodě s jakou je řídící počítač schopen vyhodnocovat regulační smyčku a na přesnosti určení momentu, který stroj generuje. Zvlnění generovaného momentu je dáno samotným principem SRM, ale také řízením, které generuje řídící signály tak, aby se moment stroje pohyboval v určitém nastaveném pásmu.

Jelikož DITC neumožňuje přímo řídit proud, bylo nutné zavedení proudového omezení na základě odhadu proudu v následujícím kroku vyhodnocení
řízení. Odhad proudu vykazuje určitou chybu danou zjednodušením výchozí rovnice a přesností určení indukčnosti a její derivace podle elektrického úhlu. S rostoucími otáčkami klesá počet vyhodnocení řízení během jednoho elektrického cyklu, tím pádem klesá i schopnost udržovat moment v nastaveném hysterézním pásmu a dochází tak k růstu zvlnění momentu.

Zárověň byla odhadnuta průměrná spínací frekvence ve dvou pracovních bodech a to při 2 000 ot/min a 1 000 ot/min. V obou dvou případech byl SRM zatížen 3 Nm. Průměrná spínací frekvence byla odhadnuta na základě napěťových pulsů během buzení jednotlivých fází. Jak už bylo uvedeno, simulovaný řídící mikrokontrolér pracuje s frekvencí 20 kHz. Výsledná změřená průměrná spínací frekvence při 2 000 ot/min je 4,36 kHz a při 1 000 ot/min je 3,39 kHz. Doba po kterou je fáze buzena je kratší při vyšších otáčkách, tím pádem roste i spínací frekvence, aby bylo možné řídit moment v nastaveném hysterézním pásmu.

# Kapitola 6

#### Závěr

V rámci této diplomové práce byl sestaven model řízeného SRM v prostředí MATLAB/Simulink, jehož řízení je založeno na řídící strategii DITC, spolu se zavedením momentového a proudového omezení. Samotný motor bylo možné modelovat v nadstavbě Simscape nebo pomocí čistě signálového modelu. Jelikož blok SRM v Simscape vykazuje určité nedosatky, bylo přistoupeno k sestavení signálového modelu. Samotný model SRM je založen na převzatých datech magnetického toku a momentu.

Pro napájení motoru byl zvolen poloviční asymetrický můstek. Pro správnou funkčnost modelu měniče bylo nutné z důvodu konečné velikosti kroku řešiče upravit model motoru nastavením dolní meze saturace integrátorů toku na nulovou hodnotu. Samotné řízení je umístěno v bloku *Triggered subsystem* s periodou  $T = 50 \ \mu s$ , které simuluje funkci řídícího mikrokontroléru.

Do PI regulátoru otáček je zaveden odhadovaný maximální dosažitelný moment, který je SRM schopen generovat a v PI regulátoru je nastavena antiwindup metoda clamping. Pokud není uvažována konečná vzorkovací perioda simulovaného řídícího počítače, je momentové omezení schopné zajistit nepřekročení maximální hodnoty proudu s uvažováním šířky hysterézního pásma, pokud je moment stroje řízen pouze pomocí jedné fáze. V okamžiku komutace DITC rozděluje žádaný moment mezi komutující fáze podle uvedeného principu a nikoliv podle velikosti proudů v komutujících fázích. Na základě uvedené skutečnosti bylo zavedeno proudové omezení.

Navržené proudové omezení vychází ze základní napěťové rovnice, které umožňuje odhadnout velikost proudu v následujícím kroku vyhodnocení

#### 6. Závěr

řízení a následně upravit řídící signály vstupující do měniče. Výchozí rovnice byla zjednodušena na lineární obyčejnou diferenciální rovnici, kterou je možné analyticky řešit. Pro řešení rovnice bylo nutné vypočítat indukčnost podle statické definice z dat magnetického toku a následně derivaci indukčnosti podle elektrického úhlu. Zavedené proudové omezení vykazuje určitou chybu, která je jednak dána zjednodušením výchozí rovnice a také přesností určení indukčnosti a její derivace.

Správná funkčnost sestaveného modelu řízeného SRM je demonstrována na vybraných průbězích veličin. Výsledné zvlnění momentu, které je jednou z hlavních nevýhod SRM, a které vychází z jeho principu, je také dáno principem samotného řízení, které udržuje moment v určitém hysterézním pásmu. Zároveň s rostoucími otáčkami zvlnění momentu roste z důvodu konečné vzorkovací periody simulovaného řídícího počítače. Sestavený model řízeného SRM je funkční a umožňuje otáčení v obou směrech včetně jeho brzdění.

#### Příloha A

#### Použitá literatura

- AHN, Jin-Woo; LUKMAN, Grace Firsta. Switched reluctance motor: Research trends and overview. CES Transactions on Electrical Machines and Systems [online]. 2018 [cit. 2023-05-02]. Dostupné z DOI: 10.30941/ CESTEMS.2018.00043.
- [2] BILGIN, Berker; JIANG, James Weisheng; EMADI, Ali. Switched Reluctance Motor Drives: Fundamentals to Applications. 1. vyd. Milton: Taylor & Francis Group, 2018. ISBN 9780203729991. Dostupné z DOI: https://doi.org/10.1201/9780203729991.
- [3] AISO, Kohei; AKATSU, Kan. Performance Comparison of High-Speed Motors for Electric Vehicle. World Electric Vehicle Journal [online]. 2022, roč. 13, č. 4, s. 57 [cit. 2022-10-29]. Dostupné z DOI: 10.3390/ wevj13040057.
- [4] LÓPEZ, I.; IBARRA, E.; MATALLANA, A.; ANDREU, J.; KORTA-BARRIA, I. Next generation electric drives for HEV/EV propulsion systems: Technology, trends and challenges. *Renewable and Sustainable Energy Reviews* [online]. 2019, roč. 114 [cit. 2022-10-29]. ISSN 1364-0321. Dostupné z DOI: https://doi.org/10.1016/j.rser.2019.109336.
- [5] TAKEMOTO, Masatsugu; CHIBA, Akira; AKAGI, Hirofumi; FUKAO, Tadashi. Torque and suspension force in a bearingless switched reluctance motor. *Electrical Engineering in Japan* [online]. 2006, roč. 157, č. 2, s. 72–82 [cit. 2022-10-29]. Dostupné z DOI: https://doi.org/10. 1002/eej.20157.
- [6] ARAÚJO, Rui Esteves; CAMACHO, José Roberto. Modelling and Control of Switched Reluctance Machines. Rijeka: IntechOpen, 2020. ISBN 978-1-78984-455-9. Dostupné z DOI: 10.5772/intechopen.82219.

A. Použitá literatura

- [7] WATTHEWADUGE, Gayan; SAYED, Ehab; EMADI, Ali; BILGIN, Berker. Electromagnetic Modeling Techniques for Switched Reluctance Machines: State-of-the-Art Review. *IEEE Open Journal of the Industrial Electronics Society* [online]. 2020, roč. 1 [cit. 2022-10-30]. Dostupné z DOI: 10.1109/0JIES.2020.3016242.
- [8] GOBBI, R.; SAHOO, N. C.; VEJIAN, R. Experimental Investigations on Computer-Based Methods for Determination of Static Electromagnetic Characteristics of Switched Reluctance Motors. *IEEE Transactions on Instrumentation and Measurement* [online]. 2008, roč. 57, č. 10, s. 2196– 2211 [cit. 2023-03-02]. Dostupné z DOI: 10.1109/TIM.2008.922095.
- [9] SONG, Shoujun; GE, Lefei; MA, Shaojie; ZHANG, Man; WANG, Lusheng. Accurate Measurement and Detailed Evaluation of Static Electromagnetic Characteristics of Switched Reluctance Machines. *IEEE Transactions on Instrumentation and Measurement* [online]. 2015, roč. 64, č. 3, s. 704–714 [cit. 2023-03-02]. Dostupné z DOI: 10.1109/TIM.2014. 2358132.
- [10] KRISHNAN, R.; MATERU, P. Measurement and instrumentation of a switched reluctance motor [online]. 1989 [cit. 2023-03-02]. Dostupné z DOI: 10.1109/IAS.1989.96639.
- [11] PIRES, Vitor Fernão; PIRES, Armando José; CORDEIRO, Armando; FOITO, Daniel. A Review of the Power Converter Interfaces for Switched Reluctance Machines. *Energies* [online]. 2020, roč. 13, č. 13 [cit. 2022-11-18]. ISSN 1996-1073. Dostupné z DOI: 10.3390/en13133490.
- [12] PETRUS, Vlad; POP, Adrian-Cornel; GYSELINCK, Johan; MARTIS, Claudia; IANCU, Vasile. Average Torque Control of an 8/6 Switched Reluctance Machine for Electric Vehicle Traction. Journal of Computer Science and Control Systems [online]. 2012, roč. 5, č. 1, s. 59–64 [cit. 2023-02-04]. ISBN 18446043. Dostupné z: http://ezproxy.techlib. cz/login?url=https://www.proquest.com/scholarly-journals/ average-torque-control-8-6-switched-reluctance/docview/ 1289011613/se-2.
- [13] HAMOUDA, Mahmoud; SZAMEL, László. Turkish Journal of Electrical Engineering and Computer Sciences [online]. 2018, roč. 26, č. 5, s. 2753
   -2767 [cit. 2023-02-19]. ISSN 13000632. Dostupné z DOI: 10.3906/elk-1712-153.
- [14] XU, Y. Z.; ZHONG, R.; CHEN, L.; LU, S. L. Analytical method to optimise turn-on angle and turn-off angle for switched reluctance motor drives. *IET Electric Power Applications* [online]. 2012, roč. 6, 593-603(10) [cit. 2023-02-19]. ISSN 1751-8660. Dostupné z: https:// digital-library.theiet.org/content/journals/10.1049/ietepa.2012.0157.

- [15] XUE, X. D.; CHENG, K. W. E.; HO, S. L. Optimization and Evaluation of Torque-Sharing Functions for Torque Ripple Minimization in Switched Reluctance Motor Drives. *IEEE Transactions on Power Electronics* [online]. 2009, roč. 24, č. 9, s. 2076–2090 [cit. 2023-02-05]. Dostupné z DOI: 10.1109/TPEL.2009.2019581.
- [16] FANG, Gaoliang; SCALCON, Filipe P.; XIAO, Dianxun; VIEIRA, Rodrigo P.; GRÜNDLING, Hilton A.; EMADI, Ali. Advanced Control of Switched Reluctance Motors (SRMs): A Review on Current Regulation, Torque Control and Vibration Suppression. *IEEE Open Journal of the Industrial Electronics Society* [online]. 2021, roč. 2, s. 280–301 [cit. 2023-02-05]. Dostupné z DOI: 10.1109/0JIES.2021.3076807.
- [17] AL-AMYAL, Fahad; SZÁMEL, László. Research on Novel Hybrid Torque Sharing Function for Switched Reluctance Motors. *IEEE Access* [online]. 2022, roč. 10, s. 91306–91315 [cit. 2023-02-06]. Dostupné z DOI: 10.1109/ACCESS.2022.3202296.
- [18] LEE, Dong-Hee; LIANG, Jianing; LEE, Zhen-Guo; AHN, Jin-Woo. A Simple Nonlinear Logical Torque Sharing Function for Low-Torque Ripple SR Drive. *IEEE Transactions on Industrial Electronics* [online]. 2009, roč. 56, č. 8, s. 3021–3028 [cit. 2023-02-06]. Dostupné z DOI: 10.1109/TIE.2009.2024661.
- [19] INDERKA, R.B.; DE DONCKER, R.W.A.A. DITC-direct instantaneous torque control of switched reluctance drives. *IEEE Transactions* on *Industry Applications* [online]. 2003, roč. 39, č. 4, s. 1046–1051 [cit. 2023-02-10]. Dostupné z DOI: 10.1109/TIA.2003.814578.
- [20] SUN, Qingguo; WU, Jianhua; GAN, Chun. Optimized Direct Instantaneous Torque Control for SRMs With Efficiency Improvement. *IEEE Transactions on Industrial Electronics* [online]. 2021, roč. 68, č. 3, s. 2072–2082 [cit. 2023-02-11]. Dostupné z DOI: 10.1109/TIE.2020. 2975481.
- [21] CHEOK, A.D.; FUKUDA, Y. A new torque and flux control method for switched reluctance motor drives. *IEEE Transactions on Power Electronics* [online]. 2002, roč. 17, č. 4, s. 543–557 [cit. 2023-02-14]. Dostupné z DOI: 10.1109/TPEL.2002.800968.
- [22] PILLAI, Aishwarya; S, Anuradha; GANGADHARAN, K. V.; UME-SHT, Pruthviraj; BHAKTHA, Sandesh. Modeling and Analysis of Average Torque Control Strategy on Switched Reluctance Motor for E-mobility [online]. 2021 [cit. 2023-02-19]. Dostupné z DOI: 10.1109/ CONECCT52877.2021.9622731.
- [23] SAVITZKY, Abraham.; GOLAY, M. J. E. Smoothing and Differentiation of Data by Simplified Least Squares Procedures. *Analytical Chemistry* [online]. 1964, roč. 36, č. 8, s. 1627–1639 [cit. 2023-05-09]. Dostupné z DOI: 10.1021/ac60214a047.
- [24] MathWorks Documentation [online] [cit. 2023-05-02]. Dostupné z: https: //www.mathworks.com/help/releases/R2021b/index.html.

# Příloha B

### Seznam symbolů a zkratek

#### B.1 Použité symboly

i	$(\mathbf{A})$	proud
J	$(kg \cdot m^2)$	moment setrvačnosti SRM
L	(H)	indukčnost jedné fáze SRM
M	(Nm)	elektromagnetický moment
m	(-)	počet fází
$\eta$	(-)	účinnost
$\dot{N}_{\rm r}$	(-)	počet pólů rotoru
$N_{\rm s}$	(-)	počet pólů statoru
Ω	$(s^{-1})$	mechanická úhlová rychlost
ω	$(s^{-1})$	elektrická úhlová rychlost
$\Delta P_{ m J}$	(W)	Jouleovy ztráty
$\Phi$	(Wb)	magnetický tok
$\Phi_{\rm s}$	(Wb)	vektor magnetického toku
$\overline{R}$	$(\Omega)$	činný odpor jedné fáze SRM
$\theta$	(rad)	elektrický úhel závislý na natočení rotoru
$\theta_{\mathrm{mech}}$	(rad)	mechanický úhel natočení rotoru
u	(V)	$\operatorname{nap\check{e}t}$ í
$U_{\rm DC}$	(V)	napájecí napětí měniče
$u_{i}$	(V)	indukované napětí
$W_{\mathbf{c}}$	(J)	koenergie
$W_{\mathrm{f}}$	(J)	energie uložená v magnetickém poli

B. Seznam symbolů a zkratek

#### B.2 Použité zkratky

$\mathbf{AHB}$	asymmetric half-bridge - asymetrický poloviční můstek
$\mathbf{AM}$	asynchronní motor
ATC	average torque control
BLDC	bezkartáčový stejnosměrný motor
$\mathbf{BSRM}$	bezložiskový spínaný reluktanční motor
DITC	direct instantaneous torque control
$\mathbf{DTC}$	direct torque control
$\mathbf{PMSM}$	synchronní motor s permanentními magnety
$\mathbf{SRM}$	spínaný reluktanční motor
$\mathbf{TSF}$	torque sharing function

. . . . . .

# Příloha C

#### Data modelovaného SRM

#### C.1 Data magnetického toku

	-	-		v							
$ \begin{array}{c} i (A) \\ \theta (^{\circ}) \end{array} $	0	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
0	0	0,002	0,004	0,006	0,008	0,010	0,013	0,015	0,017	0,019	0,021
3	0	0,002	0,004	0,006	0,008	0,010	0,013	0,015	0,017	0,019	0,021
6	0	0,002	0,004	0,006	0,008	0,010	0,013	0,015	0,017	0,019	0,021
9	0	0,002	0,004	0,006	0,008	0,010	0,013	0,015	0,017	0,019	0,021
12	0	0,002	0,004	0,006	0,008	0,011	0,013	0,015	0,017	0,019	0,021
15	0	0,002	0,004	0,006	0,008	0,011	0,013	0,015	0,017	0,019	0,021
18	0	0,002	0,004	0,006	0,009	0,011	0,013	0,015	0,017	0,019	0,021
21	0	0,002	0,004	0,006	0,009	0,011	0,013	0,015	0,017	0,020	0,022
24	0	0,002	0,004	0,007	0,009	0,011	0,013	0,015	0,018	0,020	0,022
27	0	0,002	0,004	0,007	0,009	0,011	0,013	0,016	0,018	0,020	0,022
30	0	0,002	0,005	0,007	0,009	0,011	0,014	0,016	0,018	0,020	0,023
33	0	0,002	0,005	0,007	0,009	0,012	0,014	0,016	0,018	0,021	0,023
36	0	0,002	0,005	0,007	0,009	0,012	0,014	0,016	0,019	0,021	0,024
39	0	0,002	0,005	0,007	0,010	0,012	0,014	0,017	0,019	0,022	0,024
42	0	0,002	0,005	0,007	0,010	0,012	0,015	0,017	0,020	0,022	0,025
45	0	0,003	0,005	0,008	0,010	0,013	0,015	0,018	0,021	0,023	0,026
48	0	0,003	0,005	0,008	0,011	0,013	0,016	0,019	0,021	0,024	0,027
51	0	0,003	0,006	0,008	0,011	0,014	0,017	0,020	0,022	0,025	0,028

**Tabulka C.1:** Data magnetického toku  $\Phi$  (Wb) v závislosti na elektrickém úhlu a proudu pro modelovaný SRM

$ \begin{array}{c} i (A) \\ \theta (^{\circ}) \end{array} $	0	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
54	0	0,003	0,006	0,009	0,012	0,015	0,018	0,021	0,024	0,027	0,030
57	0	0,003	0,006	0,010	0,013	0,016	0,019	0,022	0,026	0,029	0,033
60	0	0,003	0,007	0,010	0,014	0,017	0,021	0,024	0,028	0,031	0,034
63	0	0,004	0,008	0,012	0,016	0,020	0,023	0,027	0,031	0,034	0,037
66	0	0,004	0,009	0,013	0,018	0,022	0,026	0,030	0,033	0,037	0,040
69	0	0,005	0,010	0,015	0,019	0,024	0,029	0,033	0,037	0,040	0,043
72	0	0,005	0,011	0,016	0,021	0,027	0,032	0,036	0,040	0,043	0,046
75	0	0,006	0,012	0,017	0,023	0,029	0,035	0,039	0,043	0,046	0,050
78	0	0,006	0,012	0,019	0,025	0,031	0,037	0,042	0,046	0,050	0,053
81	0	0,007	0,013	0,020	0,027	0,034	0,040	0,045	0,049	$0,\!053$	0,056
84	0	0,007	0,014	0,022	0,029	0,036	0,043	0,049	0,053	$0,\!056$	0,059
87	0	0,008	0,015	0,023	0,031	0,039	0,046	0,052	0,056	$0,\!059$	0,063
90	0	0,008	0,016	0,024	0,033	0,041	0,049	0,055	0,059	0,063	0,066
93	0	0,008	0,017	0,026	0,035	0,043	0,052	0,058	0,062	0,066	0,069
96	0	0,009	0,018	0,027	0,037	0,046	0,054	0,061	0,066	0,069	0,073
99	0	0,009	0,019	0,029	0,038	0,048	0,057	0,065	0,069	$0,\!073$	0,076
102	0	0,010	0,020	0,030	0,040	0,050	0,060	0,068	0,072	0,076	0,079
105	0	0,010	0,021	0,032	0,042	$0,\!053$	0,063	0,071	0,076	$0,\!079$	0,082
108	0	0,011	0,022	0,033	0,044	$0,\!055$	0,066	0,074	0,079	0,083	0,086
111	0	0,011	0,023	0,034	0,046	$0,\!058$	0,068	0,077	0,082	0,086	0,089
114	0	0,012	0,024	0,036	0,048	0,060	0,071	0,080	0,086	0,089	0,092
117	0	0,012	0,025	0,037	$0,\!050$	0,062	0,074	0,083	0,089	0,093	0,096
120	0	0,013	0,026	0,039	0,052	0,065	0,077	0,086	0,092	0,096	0,099
123	0	0,013	0,026	0,040	$0,\!053$	0,067	0,079	0,090	0,096	0,099	0,102
126	0	0,013	0,027	0,041	$0,\!055$	0,069	0,082	0,093	0,099	$0,\!103$	$0,\!106$
129	0	0,014	0,028	0,043	$0,\!057$	$0,\!071$	0,085	0,096	0,102	$0,\!106$	0,109
132	0	0,014	0,029	0,044	$0,\!059$	$0,\!074$	0,088	0,099	$0,\!105$	0,109	0,112
135	0	0,015	0,030	0,045	0,061	0,076	0,090	0,102	$0,\!109$	$0,\!112$	0,116
138	0	$0,\!015$	0,031	0,047	0,063	$0,\!078$	0,093	$0,\!105$	0,112	$0,\!116$	0,119
141	0	0,016	0,032	0,048	0,064	$0,\!081$	0,096	0,108	$0,\!115$	$0,\!119$	0,122
144	0	0,016	0,033	0,050	0,066	0,083	0,098	0,111	$0,\!118$	$0,\!122$	$0,\!125$
147	0	0,017	0,034	0,051	0,068	0,085	0,101	$0,\!113$	$0,\!121$	$0,\!125$	$0,\!128$
150	0	0,017	0,035	0,052	$0,\!070$	$0,\!087$	0,104	0,116	$0,\!124$	$0,\!127$	$0,\!130$
153	0	0,017	0,035	0,054	0,072	0,090	0,106	0,118	$0,\!126$	$0,\!130$	$0,\!133$
156	0	0,018	0,036	0,055	0,073	0,092	0,109	0,121	0,128	$0,\!132$	$0,\!135$
159	0	0,018	0,037	0,056	0,075	0,094	0,111	0,123	0,130	$0,\!135$	0,138
162	0	0,019	0,038	0,057	0,077	0,096	0,113	0,124	0,131	$0,\!137$	0,140
165	0	0,019	0,039	0,059	0,078	0,098	0,115	0,126	0,133	$0,\!138$	0,141
168	0	0,019	0,040	0,060	0,080	0,100	0,117	0,127	0,134	$0,\!139$	0,142
171	0	0,020	0,040	0,061	0,082	0,102	0,119	0,129	$0,\!135$	$0,\!140$	$0,\!143$
174	0	0,020	0,041	0,062	0,083	0,103	0,120	0,129	$0,\!136$	$0,\!140$	0,143
177	0	0,020	0,042	0,063	0,084	$0,\!105$	0,121	0,130	$0,\!136$	$0,\!141$	$0,1\overline{44}$

. . . . . .

-

• • • • • *C.1. Data magnetického toku* 

. . .

$ \begin{array}{c} i (A) \\ \theta (^{\circ}) \end{array} $	0	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
180	0	0,021	0,042	0,063	0,085	0,105	0,122	0,131	$0,\!137$	0,141	0,144
183	0	0,020	0,042	0,063	0,084	0,105	0,121	0,130	0,136	0,141	0,144
186	0	0,020	0,041	0,062	0,083	0,103	0,120	0,129	0,136	0,140	0,143
189	0	0,020	0,040	0,061	0,082	0,102	0,119	0,129	0,135	0,140	0,143
192	0	0,019	0,040	0,060	0,080	0,100	0,117	$0,\!127$	0,134	0,139	0,142
195	0	0,019	0,039	0,059	$0,\!078$	0,098	0,115	0,126	$0,\!133$	0,138	0,141
198	0	0,019	0,038	0,057	0,077	0,096	0,113	0,124	0,131	0,137	0,140
201	0	0,018	0,037	0,056	0,075	0,094	0,111	0,123	0,130	0,135	0,138
204	0	0,018	0,036	0,055	0,073	0,092	0,109	0,121	$0,\!128$	0,132	0,135
207	0	0,017	0,035	0,054	0,072	0,089	0,106	0,118	0,126	0,130	0,133
210	0	0,017	0,035	0,052	0,070	0,087	0,104	0,116	0,124	0,127	0,130
213	0	0,017	0,034	0,051	0,068	0,085	0,101	0,113	0,121	0,125	0,128
216	0	0,016	0,033	0,050	0,066	0,083	0,098	0,111	0,118	0,122	0,125
219	0	0,016	0,032	0,048	0,064	0,081	0,096	0,108	0,115	0,119	0,122
222	0	0,015	0,031	0,047	0,063	0,078	0,093	0,105	0,112	0,116	0,119
225	0	0,015	0,030	0,045	0,061	0,076	0,090	0,102	0,109	0,112	0,116
228	0	0,014	0,029	0,044	0,059	0,074	0,088	0,099	0,105	0,109	0,112
231	0	0,014	0,028	0,043	0,057	0,071	0,085	0,096	0,102	0,106	0,109
234	0	0,013	0,027	0,041	0,055	0,069	0,082	0,093	0,099	0,103	0,106
237	0	0,013	0,026	0,040	0,053	0,067	0,079	0,090	0,096	0,099	0,102
240	0	0,013	0,026	0,039	0,052	0,065	0,077	0,086	0,092	0,096	0,099
243	0	0,012	0,025	0,037	0,050	0,062	0,074	0,083	0,089	0,093	0,096
246	0	0,012	0,024	0,036	0,048	0,060	0,071	0,080	0,086	0,089	0,092
249	0	0,011	0,023	0,034	0,046	0,058	0,068	0,077	0,082	0,086	0,089
252	0	0,011	0,022	0,033	0,044	0,055	0,066	0,074	0,079	0,083	0,086
255	0	0,010	0,021	0,032	0,042	0,053	0,063	0,071	0,076	0,079	0,082
258	0	0,010	0,020	0,030	0,040	0,050	0,060	0,068	0,072	0,076	0,079
261	0	0,009	0,019	0,029	0,038	0,048	0,057	0,065	0,069	0,073	0,076
264	0	0,009	0,018	0,027	0,037	0,046	0,054	0,061	0,066	0,069	0,073
267	0	0,008	0,017	0,026	0,035	0,043	0,052	0,058	0,062	0,066	0,069
270	0	0,008	0,016	0,024	0,033	0,041	0,049	0,055	0,059	0,063	0,066
273	0	0,008	0,015	0,023	0,031	0,039	0,046	0,052	0,056	0,059	0,063
276	0	0,007	0,014	0,022	0,029	0,036	0,043	0,049	$0,\!053$	0,056	0,059
279	0	0,007	0,013	0,020	0,027	0,034	0,040	0,045	0,049	0,053	0,056
282	0	0,006	0,012	0,019	0,025	0,031	0,037	0,042	0,046	0,050	0,053
285	0	0,006	0,012	0,017	0,023	0,029	0,035	0,039	0,043	0,046	0,050
288	0	0,005	0,011	0,016	0,021	0,027	0,032	0,036	0,040	0,043	0,046
291	0	0,005	0,010	0,015	0,019	0,024	0,029	0,033	0,037	0,040	0,043
294	0	0,004	0,009	0,013	0,018	0,022	0,026	0,030	0,033	0,037	0,040
297	0	0,004	0,008	0,012	0,016	0,020	0,023	0,027	0,031	0,034	0,037
300	0	0,003	0,007	0,010	0,014	0,017	0,021	0,024	0,028	0,031	0,034
303	0	0,003	0,006	0,010	0,013	0,016	0,019	0,022	0,026	0,029	0,032

earrow i	i (A) (°)	0	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
	306	0	0,003	0,006	0,009	0,012	0,015	0,018	0,021	0,024	0,027	0,030
	309	0	0,003	0,006	0,008	0,011	0,014	0,017	0,020	0,022	0,025	0,028
•	312	0	0,003	0,005	0,008	0,011	0,013	0,016	0,019	0,021	0,024	0,027
•	315	0	0,003	0,005	0,008	0,010	0,013	0,015	0,018	0,021	0,023	0,026
•	318	0	0,002	0,005	0,007	0,010	0,012	0,015	0,017	0,020	0,022	0,025
•	321	0	0,002	0,005	0,007	0,010	0,012	0,014	0,017	0,019	0,022	0,024
•	324	0	0,002	0,005	0,007	0,010	0,012	0,014	0,017	0,019	0,022	0,024
•	327	0	0,002	0,005	0,007	0,009	0,012	0,014	0,016	0,019	0,021	0,024
	330	0	0,002	0,005	0,007	0,009	0,012	0,014	0,016	0,018	0,021	0,023
	333	0	0,002	0,005	0,007	0,009	0,011	0,014	0,016	0,018	0,020	0,023
•	336	0	0,002	0,004	0,007	0,009	0,011	0,013	0,016	0,018	0,020	0,022
•	339	0	0,002	0,004	0,007	0,009	0,011	0,013	0,015	0,018	0,020	0,022
•	342	0	0,002	0,004	0,006	0,009	0,011	0,013	0,015	0,017	0,020	0,022
	345	0	0,002	0,004	0,006	0,009	0,011	0,013	0,015	0,017	0,019	0,021
•	348	0	0,002	0,004	0,006	0,008	0,011	0,013	0,015	0,017	0,019	0,021
•	351	0	0,002	0,004	0,006	0,008	0,011	0,013	0,015	0,017	0,019	0,021
•	354	0	0,002	0,004	0,006	0,008	0,010	0,013	0,015	0,017	0,019	0,021
•	357	0	0,002	0,004	0,006	0,008	0,010	0,013	0,015	0,017	0,019	0,021
•	360	0	0,002	0,004	0,006	0,008	0,010	0,013	0,015	0,017	0,019	0,021

. . .

-

C. Data modelovaného SRM

#### C.2 Data momentu

**Tabulka C.2:** Data momentu M (Nm) v závislosti na elektrickém úhlu a proudu pro modelovaný SRM

		•									
$ \begin{array}{c} i (A) \\ \theta (^{\circ}) \end{array} $	0	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
0	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	$0,\!00$	0,00	0,00
3	$0,\!00$	$0,\!00$	$0,\!00$	0,00	0,01	0,01	$0,\!02$	0,02	$0,\!03$	0,04	$0,\!05$
6	0,00	0,00	0,00	0,01	0,02	0,02	0,04	0,05	0,06	0,08	$0,\!10$
9	0,00	0,00	0,01	0,01	0,02	0,04	$0,\!05$	0,07	$0,\!10$	0,12	$0,\!15$
12	0,00	0,00	0,01	0,02	0,03	0,05	0,07	0,10	$0,\!13$	0,16	0,20
15	0,00	0,00	0,01	0,02	0,04	0,06	0,09	0,12	0,16	0,21	$0,\!25$
18	0,00	0,00	0,01	0,03	0,05	0,08	0,11	0,15	0,20	0,26	0,32
21	0,00	0,00	0,01	0,03	0,06	0,09	0,14	0,19	0,24	0,31	$0,\!38$
24	0,00	0,00	0,02	0,04	0,07	0,11	0,16	0,22	0,29	0,36	$0,\!45$
27	0,00	0,01	0,02	0,05	0,08	$0,\!13$	$0,\!19$	0,26	0,34	0,43	$0,\!53$
30	0,00	0,01	0,02	0,06	0,10	0,16	0,22	0,31	0,40	0,51	$0,\!63$
33	0,00	0,01	0,03	0,07	0,12	0,18	0,26	0,36	$0,\!47$	0,59	0,73
36	0,00	0,01	0,03	0,08	0,14	0,21	0,31	0,42	0,55	0,69	$0,\!86$

• • • • • • • C.2. Data momentu

$ \begin{array}{c} i (A) \\ \theta (^{\circ}) \end{array} $	0	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
39	0,00	0,01	0,04	0,09	0,16	0,25	0,36	0,49	0,64	0,81	1,00
42	0,00	0,01	0,05	0,11	0,19	0,30	0,43	$0,\!58$	0,76	0,97	1,19
45	0,00	0,01	0,06	0,13	0,23	0,36	0,52	0,71	0,92	1,17	1,44
48	0,00	0,02	0,07	0,16	0,28	0,44	0,64	0,87	1,13	1,44	1,77
51	0,00	0,02	0,09	0,20	0,36	0,56	0,81	1,10	1,44	1,83	2,26
54	0,00	0,03	0,12	0,26	0,47	0,73	1,06	1,44	1,89	2,39	2,95
57	0,00	0,04	0,16	0,36	0,65	1,01	1,46	2,00	2,61	3,29	3,97
60	0,00	0,06	0,23	0,52	0,94	1,47	2,11	2,85	3,60	4,39	5,19
63	0,00	0,07	0,28	0,64	1,15	1,80	2,55	3,35	4,20	5,07	5,95
66	0,00	0,07	0,29	0,67	1,19	1,86	2,64	3,51	4,40	5,32	6,26
69	0,00	0,07	0,29	0,66	1,19	1,86	2,65	3,54	4,48	5,42	6,36
72	0,00	0,07	0,29	0,66	1,18	1,85	2,65	$3,\!55$	4,50	5,47	6,45
75	0,00	0,07	0,29	0,66	1,18	1,86	2,65	$3,\!56$	4,52	5,50	6,50
78	0,00	0,07	0,29	0,66	1,19	1,86	2,66	$3,\!57$	4,55	5,54	6,54
81	0,00	0,07	0,29	0,66	1,19	1,86	2,65	$3,\!57$	4,55	5,55	$6,\!55$
84	0,00	0,07	0,29	0,66	1,19	1,86	2,66	$3,\!57$	4,56	5,56	6,56
87	0,00	0,07	0,29	0,67	1,19	1,87	2,66	$3,\!58$	4,57	5,58	6,59
90	0,00	0,07	0,29	0,67	1,20	1,87	2,67	$3,\!59$	4,58	5,59	6,60
93	0,00	0,07	0,29	0,67	1,19	1,87	2,67	$3,\!60$	4,59	5,60	6,61
96	0,00	0,07	0,29	0,67	1,19	1,87	2,67	$3,\!60$	4,59	5,59	6,61
99	0,00	0,07	0,29	0,67	1,20	1,88	2,68	3,60	4,59	5,59	6,61
102	0,00	0,07	0,29	0,67	1,20	1,88	2,68	3,60	4,57	5,59	6,61
105	0,00	0,07	0,29	0,67	1,20	1,87	2,67	$3,\!59$	4,58	5,59	6,61
108	0,00	0,07	0,29	0,67	1,19	1,87	2,67	$3,\!58$	4,57	5,57	6,59
111	0,00	0,07	0,29	0,66	1,19	1,87	2,66	$3,\!57$	4,55	5,56	$6,\!57$
114	0,00	0,07	0,29	0,66	1,19	1,86	2,65	$3,\!55$	4,54	5,54	$6,\!55$
117	0,00	0,07	0,29	0,66	1,18	1,85	2,63	3,54	4,51	5,51	6,52
120	0,00	0,07	0,29	0,65	1,17	1,83	2,61	$3,\!51$	4,48	5,48	6,48
123	0,00	0,07	0,29	0,65	1,16	1,82	2,60	3,49	4,47	5,47	6,47
126	0,00	0,07	0,28	0,65	1,16	1,82	2,59	3,47	4,45	5,45	6,45
129	0,00	0,07	0,28	0,64	1,15	1,81	2,57	3,45	4,42	5,41	6,40
132	0,00	0,07	0,28	0,64	1,15	1,80	2,56	3,43	4,39	5,38	$6,\!35$
135	0,00	0,07	0,28	0,64	1,14	1,79	2,55	3,42	4,37	5,35	6,32
138	0,00	0,07	0,28	0,64	1,14	1,79	2,55	3,41	4,34	5,31	6,26
141	0,00	0,07	0,28	0,64	1,14	1,78	2,54	$3,\!39$	4,30	5,23	6,16
144	0,00	0,07	0,28	0,63	1,13	1,77	2,52	$3,\!36$	4,28	5,14	6,03
147	0,00	0,07	0,28	$0,\!63$	$1,\!13$	1,77	2,51	$3,\!33$	4,16	5,02	$5,\!88$
150	0,00	0,07	0,28	0,63	1,13	1,77	2,51	3,30	4,06	4,87	$5,\!68$
153	0,00	0,07	0,27	0,63	1,12	1,75	$2,\!\overline{48}$	$3,\!23$	3,92	4,65	$5,\!42$
156	0,00	0,07	0,27	0,62	1,11	1,73	2,44	$3,\!15$	3,76	4,41	5,13
159	0,00	0,06	0,27	0,61	1,10	1,71	2,41	$3,\!06$	3,59	4,13	4,78
162	0,00	0,06	0,26	0,60	1,08	1,68	2,35	2,94	3,41	3,85	4,38

. . .

i(A)	0	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
θ (°)											
165	0,00	0,06	0,26	0,59	1,05	1,63	2,27	2,79	$3,\!19$	3,56	3,93
168	0,00	0,06	0,25	0,56	1,00	1,56	$2,\!15$	2,60	2,95	3,25	3,50
171	0,00	0,06	0,23	0,52	0,93	1,45	1,98	2,36	2,64	2,89	3,08
174	0,00	0,05	0,20	0,46	0,82	1,27	1,71	2,01	2,23	2,42	2,56
177	0,00	0,03	0,14	0,32	0,57	0,88	1,19	1,38	1,53	1,65	1,74
180	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00
183	0,00	-0,03	-0,14	-0,32	-0,57	-0,88	-1,19	-1,38	-1,53	-1,65	-1,74
186	0,00	-0,05	-0,20	-0,46	-0,82	-1,27	-1,71	-2,01	-2,23	-2,42	-2,56
189	0,00	-0,06	-0,23	-0,52	-0,93	-1,45	-1,98	-2,36	-2,64	-2,89	-3,08
192	0,00	-0,06	-0,25	-0,56	-1,00	-1,56	-2,15	-2,60	-2,95	-3,25	-3,50
195	0,00	-0,06	-0,26	-0,59	-1,05	-1,63	-2,27	-2,79	-3,19	-3,56	-3,93
198	0,00	-0,06	-0,26	-0,60	-1,08	-1,68	-2,35	-2,94	-3,41	-3,85	-4,38
201	0,00	-0,06	-0,27	-0,61	-1,10	-1,71	-2,41	-3,06	-3,59	-4,12	-4,78
204	0,00	-0,07	-0,27	-0,62	-1,11	-1,73	-2,44	-3,15	-3,76	-4,40	-5,13
207	0,00	-0,07	-0,27	-0,63	-1,12	-1,75	-2,48	-3,23	-3,92	-4,65	-5,42
210	0,00	-0,07	-0,28	-0,63	-1,13	-1,77	-2,50	-3,30	-4,06	-4,87	-5,68
213	0,00	-0,07	-0,28	-0,63	-1,13	-1,77	-2,52	-3,33	-4,20	-5,02	-5,88
216	0,00	-0,07	-0,28	-0,63	-1,13	-1,77	-2,52	-3,36	-4,29	-5,14	-6,03
219	0,00	-0,07	-0,28	-0,64	-1,14	-1,78	-2,54	-3,39	-4,30	-5,23	-6,16
222	0,00	-0,07	-0,28	-0,64	-1,14	-1,79	-2,55	-3,41	-4,35	-5,31	-6,26
225	0,00	-0,07	-0,28	-0,64	-1,14	-1,79	-2,55	-3,42	-4,37	-5,35	-6,32
228	0,00	-0,07	-0,28	-0,64	-1,15	-1,80	-2,56	-3,43	-4,38	-5,37	-6,36
231	0,00	-0,07	-0,28	-0,64	-1,15	-1,80	-2,57	-3,45	-4,42	-5,42	-6,41
234	0,00	-0,07	-0,28	-0,65	-1,16	-1,82	-2,59	-3,47	-4,44	-5,45	-6,45
237	0,00	-0,07	-0,29	-0,65	-1,16	-1,82	-2,60	-3,49	-4,47	-5,47	-6,47
240	0,00	-0,07	-0,29	-0,65	-1,17	-1,83	-2,62	-3,51	-4,48	-5,48	-6,48
243	0,00	-0,07	-0,29	-0,66	-1,18	-1,85	-2,63	-3,54	-4,51	-5,52	-6,52
246	0,00	-0,07	-0,29	-0,66	-1,19	-1,86	-2,65	-3,56	-4,54	-5,54	-6,55
249	0,00	-0,07	-0,29	-0,66	-1,19	-1,87	-2,66	-3,57	-4,56	-5,55	-6,57
252	0,00	-0,07	-0,29	-0,67	-1,19	-1,87	-2,67	-3,58	-4,57	-5,57	-6,59
255	0,00	-0,07	-0,29	-0,67	-1,20	-1,87	-2,68	-3,59	-4,58	-5,59	-6,60
258	0,00	-0,07	-0,29	-0,67	-1,20	-1,88	-2,68	-3,60	-4,59	-5,59	-6,61
261	0,00	-0,07	-0,29	-0,67	-1,20	-1,88	-2,68	-3,60	-4,59	-5,59	-6,61
264	0,00	-0,07	-0,29	-0,67	-1,19	-1,87	-2,67	-3,60	-4,59	-5,59	-6,61
267	0,00	-0,07	-0,29	-0,67	-1,19	-1,87	-2,67	-3,60	-4,59	-5,59	-6,61
270	0,00	-0,07	-0,29	-0,67	-1,20	-1,87	-2,67	-3,59	-4,58	-5,59	-6,60
273	0,00	-0,07	-0,29	-0,67	-1,19	-1,87	-2,66	-3,58	-4,57	-5,58	-6,59
276	0,00	-0,07	-0,29	-0,66	-1,19	-1,86	-2,66	-3,57	-4,56	-5,56	-6,56
279	0,00	-0,07	-0,29	-0,66	-1,19	-1,86	-2,65	-3,57	-4,55	-5,55	-6,55
282	0,00	-0,07	-0,29	-0,66	-1,19	-1,86	-2,66	-3,57	-4,55	-5,54	-6,54
285	0,00	-0,07	-0,29	-0,66	-1,18	-1,86	-2,65	-3,56	-4,52	-5,50	-6,50
288	0,00	-0,07	-0,29	-0,66	-1,18	-1,85	-2,65	-3,55	-4,50	-5,47	-6,45

. . . .

. .

.

•••••• C.2. Data momentu

$ \begin{array}{c} i (A) \\ \theta (^{\circ}) \end{array} $	0	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
291	0,00	-0,07	-0,29	-0,66	-1,19	-1,86	-2,65	-3,54	-4,48	-5,42	-6,36
294	0,00	-0,07	-0,29	-0,67	-1,19	-1,86	-2,64	-3,51	-4,40	-5,32	-6,26
297	0,00	-0,07	-0,28	-0,64	-1,15	-1,80	-2,55	-3,35	-4,20	-5,07	-5,95
300	0,00	-0,06	-0,23	-0,52	-0,94	-1,47	-2,11	-2,85	-3,60	-4,39	-5,19
303	0,00	-0,04	-0,16	-0,36	-0,65	-1,01	-1,46	-2,00	-2,61	-3,29	-3,97
306	0,00	-0,03	-0,12	-0,26	-0,47	-0,73	-1,06	-1,44	-1,89	-2,39	-2,95
309	0,00	-0,02	-0,09	-0,20	-0,36	-0,56	-0,81	-1,10	-1,44	-1,83	-2,26
312	0,00	-0,02	-0,07	-0,16	-0,28	-0,44	-0,64	-0,87	-1,13	-1,44	-1,77
315	0,00	-0,01	-0,06	-0,13	-0,23	-0,36	-0,52	-0,71	-0,92	-1,17	-1,44
318	0,00	-0,01	-0,05	-0,11	-0,19	-0,30	-0,43	-0,58	-0,76	-0,97	-1,19
321	0,00	-0,01	-0,04	-0,09	-0,16	-0,25	-0,36	-0,49	-0,64	-0,81	-1,00
324	0,00	-0,01	-0,03	-0,08	-0,14	-0,21	-0,31	-0,42	-0,55	-0,69	-0,86
327	0,00	-0,01	-0,03	-0,07	-0,12	-0,18	-0,26	-0,36	-0,47	-0,59	-0,73
330	0,00	-0,01	-0,02	-0,06	-0,10	-0,16	-0,22	-0,31	-0,40	-0,51	-0,63
333	0,00	-0,01	-0,02	-0,05	-0,08	-0,13	-0,19	-0,26	-0,34	-0,43	-0,53
336	0,00	0,00	-0,02	-0,04	-0,07	-0,11	-0,16	-0,22	-0,29	-0,36	-0,45
339	0,00	0,00	-0,01	-0,03	-0,06	-0,09	-0,14	-0,19	-0,24	-0,31	-0,38
342	0,00	0,00	-0,01	-0,03	-0,05	-0,08	-0,11	-0,15	-0,20	-0,26	-0,32
345	0,00	0,00	-0,01	-0,02	-0,04	-0,06	-0,09	-0,12	-0,16	-0,21	-0,25
348	0,00	0,00	-0,01	-0,02	-0,03	-0,05	-0,07	-0,10	-0,13	-0,16	-0,20
351	0,00	0,00	-0,01	-0,01	-0,02	-0,04	-0,05	-0,07	-0,10	-0,12	-0,15
354	0,00	0,00	0,00	-0,01	-0,02	-0,02	-0,04	-0,05	-0,06	-0,08	-0,10
357	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,01	-0,01	-0,02	-0,02	-0,03	-0,04	-0,05
360	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00

. .

-

. . . . . .

-

## Příloha D

#### Schéma zapojení modelu řízeného SRM



Obrázek D.1: Schéma zapojení modelu řízeného SRM v Simulinku

D. Schéma zapojení modelu řízeného SRM 🔹 🔹



.

**Obrázek D.2:** Schéma zapojení modelu SRM v Simulinku $\underline{80}$ 



. . . . .

Obrázek D.3: Schéma zapojení modelu měniče v Simulinku



. . . . .

**Obrázek D.4:** Schéma zapojení modelu řízení v Simulinku82

skutečné otáčky

žádané otáčky

D. Schéma zapojení modelu řízeného SRM

. .

![](_page_94_Figure_1.jpeg)

**Obrázek D.5:** Schéma zapojení DITC regulátoru v Simulinku83

![](_page_95_Figure_1.jpeg)

. .

**Obrázek D.6:** Schéma zapojení pro vyhodnocení způsobilosti vedení fáze pro kladný moment v bloku DITC regulátoru

![](_page_95_Figure_3.jpeg)

**Obrázek D.7:** Schéma zapojení pro vyhodnocení způsobilosti vedení fáze pro záporný moment v bloku DITC regulátoru

![](_page_96_Figure_0.jpeg)

D. Schéma zapojení modelu řízeného SRM

.

÷.

![](_page_97_Figure_1.jpeg)

**Obrázek D.9:** Schéma zapojení pro odhad proudu v bloku proudového omezení v Simulinku  $\frac{86}{1000}$ 

D. Schéma zapojení modelu řízeného SRM

![](_page_98_Figure_1.jpeg)

. . . . .

. . .

. .

**Obrázek D.10:** Schéma zapojení pro výpočet skutečného a maximálního dosažitelného momentu v Simulinku